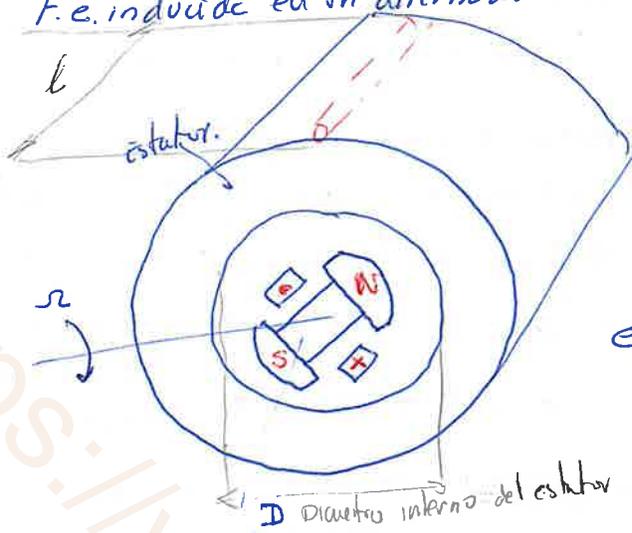


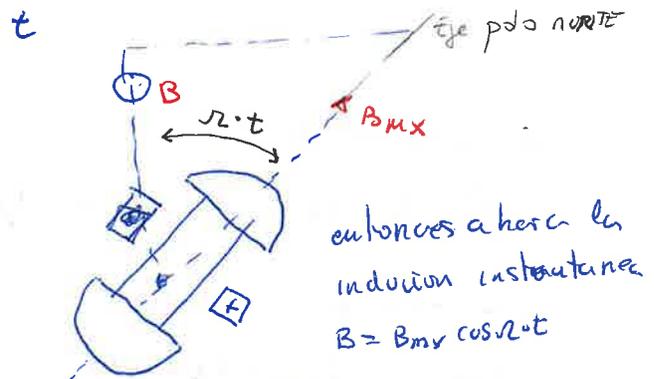
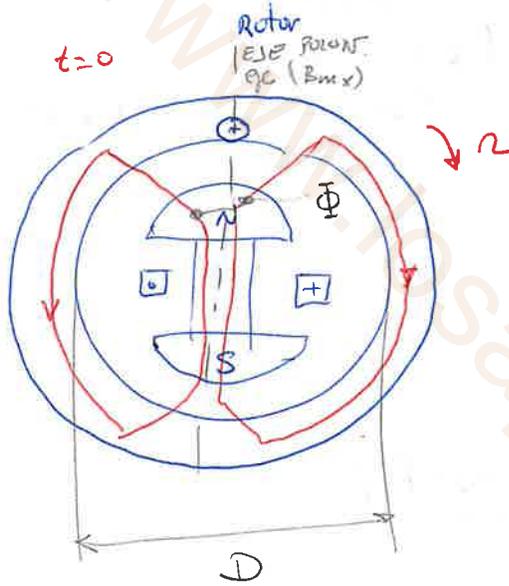
# MAQUINAS SINCRONAS.

F.e. inducida en un alternador monofásico.



Rueda palar es un electroimán.

$e = Blv$      $l =$  longitud axial de un conductor.  
 $v =$  velocidad tangencial  
 $B =$  inducción instantánea a la que es sometido ese conductor



entonces a hora la inducción instantánea  
 $B = B_m \cos \omega t$

$$B_{mx} = \frac{\Phi}{Dl}$$

$v = \pi D N \omega$      $N =$  RPS,  
 $\omega = 2\pi N$

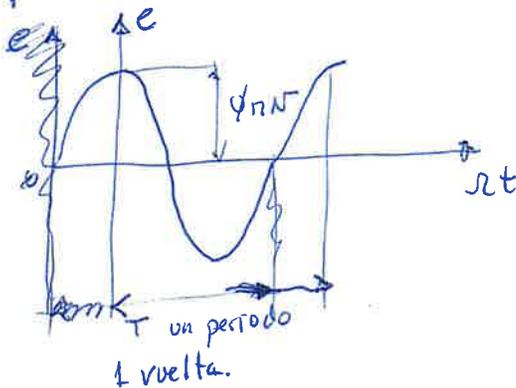
entonces la fuerza electromotriz sustituyendo.

$$e = B \cdot l \cdot v ; e = [B_{mx} \cdot \cos \omega t] \cdot l \cdot [\pi D N \omega] = \left[ \frac{\Phi}{Dl} \cos \omega t \right] \cdot l \cdot [2\pi N^2] =$$

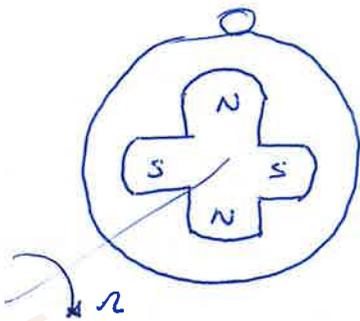
$$e = \Phi n N^2 \cos \omega t$$

$$e = E_{mx} \cos \omega t$$

Representación temporal.



Ahora suponemos.  
ROTOR TETRAPOLAR.



$F_{elect.}$  inducida en un solo conductor.

rueda polar de  $p$  pares de polos.  
 (a la misma velocidad que en el caso anterior  
 la fuerza electromotriz inducida es  $p$  veces  
 el flujo barrido al conductor y a su vez  
 $p$  veces la velocidad  
 angular mecánica.

$$e = p \phi \pi N \cos p \omega t$$

~~$p \cdot N = f$~~   $p \cdot N = f$   $p \omega = \omega$   
 sustituyendo

$$e = f \phi \pi \cos \omega t$$

$\bar{e}_{mx} = f \phi \pi$

el valor medio

$$\bar{E}_{md} = \frac{2}{\pi} E_{mx} = \frac{2f \phi \pi}{\pi} = 2f \phi$$

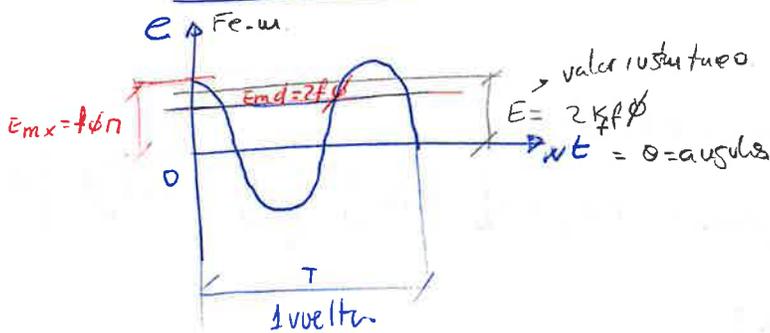
valor eficaz o RMS.

$$E = E_{eff} = E_{rms} = k_f E_{md}$$

$$k_f = \frac{\pi}{2\sqrt{2}} = 1.11$$

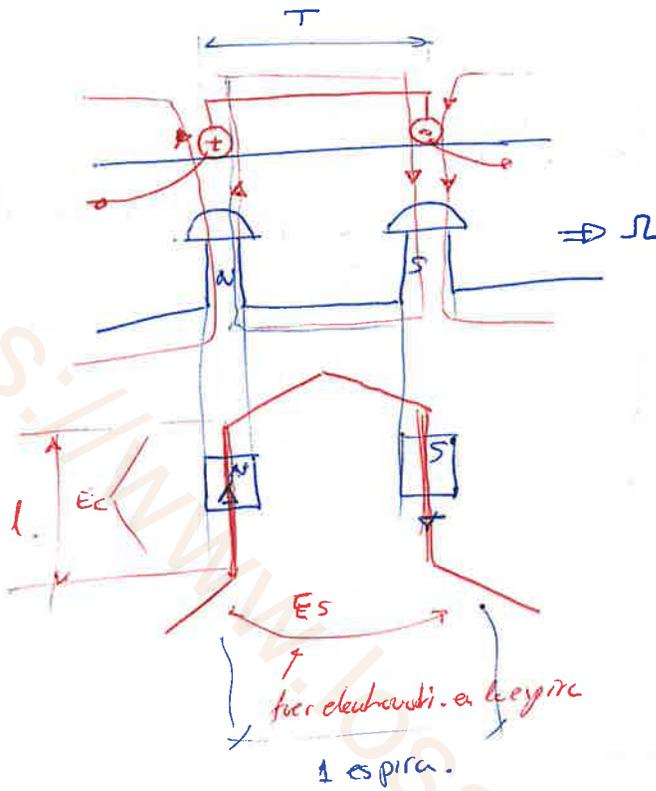
$$\boxed{E = 2 k_f f \phi}$$

Representación



( $\frac{1}{2}$  vuelta) en el caso de  $p=2$ .

REPRESENTACION RECTANGULAR.



$E_c = 2 k_f f \phi = \text{f.e.m. eficaz en conductor son conductores activos.}$

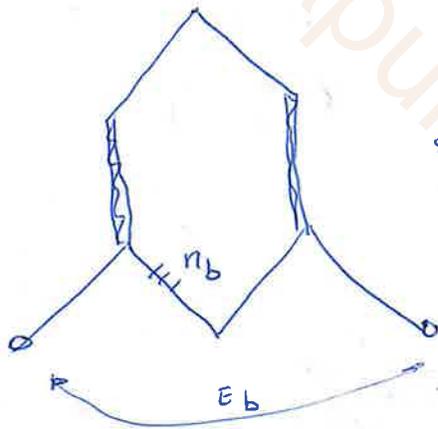
$E_s = 2 E_c = \text{f.e.m. eficaz en 1 espira}$

$E_b = E_s \cdot n_b = 2 E_c \cdot n_b = \text{f.e.m. eficaz en Bobina} \Rightarrow$

$E = 2 k_f f \phi$

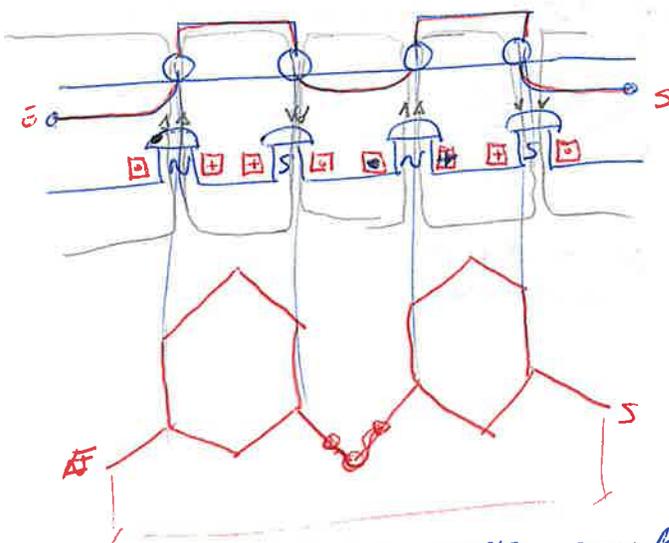
sustituye.

$E_b = 4 k_f f \phi n_b$   
↑  
nº de espiras



es una maquina tetrapolr.

$p = \text{pares de polos. } p = ?$   
cada par de polos hay a poner una bobina.



$E = p E_b = 4 k_f f d (p n_b \phi)$

$n = p n_b$  nº de espiras que tiene la ucw.

$E = 4 k_f f \cdot \Phi \cdot n$

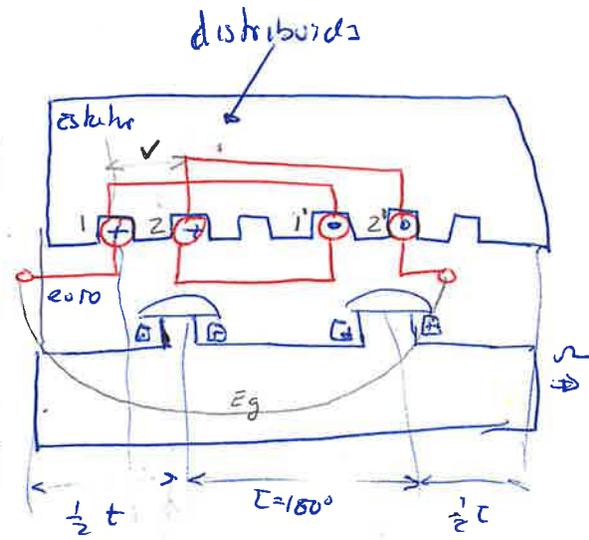
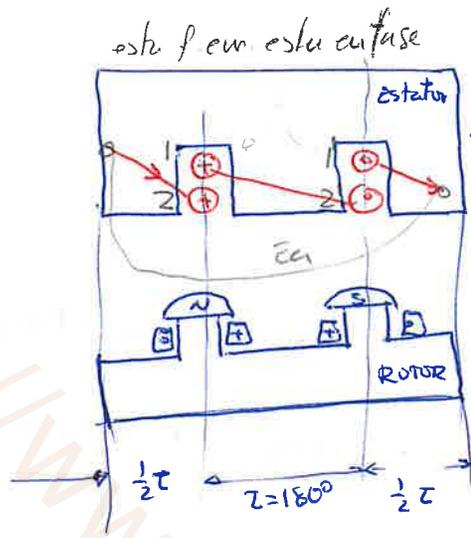
considerando se da conductores activos fueren una espira.  $Z = \text{nº conductores perifericos}$

$Z = \text{nº conductores} = 2 n$

es la f.e.m.  $E = 2 k_f f \phi Z \times 10^{-8} \text{ (CGS)}$

# CONCEPTO FACTOR DE DISTRIBUCIÓN

Suponemos que tenemos dos espiras, cabe la posibilidad de agruparlas, o de llevarlas también debanadas distribuidas.



en el debanado distribuido:

$$p = \text{n}^\circ \text{ ranuras por polo} = 3$$

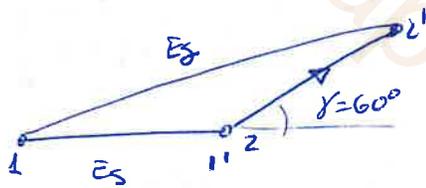
$$q = \text{n}^\circ \text{ ranuras utilizadas por polo} = 2$$

$$z = 4 \text{ conductores por fase}$$

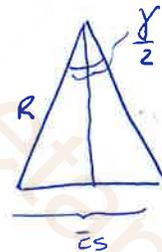
$$E_s = \text{f.e.m. generada}$$

aunque con el mismo valor modular pero desplazadas en  $60^\circ$

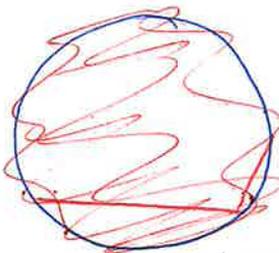
$$\gamma = \frac{p}{3} = \frac{180}{3} = 60^\circ$$



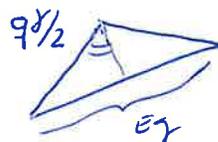
por triángulo



$$\sin \frac{\gamma}{2} = \frac{E_g/2}{E_s}$$



2 triángulos



$$\sin \frac{9\gamma}{2} = \frac{E_g/2}{R}$$

haciendo el cociente.

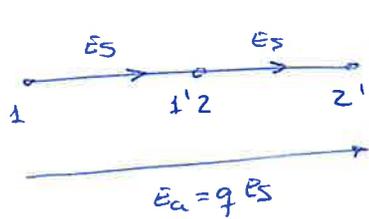
$$\frac{E_g}{E_s} = \frac{\sin \frac{9\gamma}{2}}{\sin \frac{\gamma}{2}}$$

$$E_g = E_s \frac{\sin \frac{9\gamma}{2}}{\sin \frac{\gamma}{2}}$$

por el debanado de distribución.

En el caso de bobinado concentrado.

$E_a = f \cdot \text{e.m. aritmético.}$



$$K_d = \frac{E_s}{E_a} = \frac{E_s \frac{\sin \frac{\gamma}{2}}{2} / \sin \frac{\gamma}{2}}{f \cdot E_s} = \frac{\sin \frac{\gamma}{2}}{f \sin \frac{\gamma}{2}}$$

f.d. de distribución

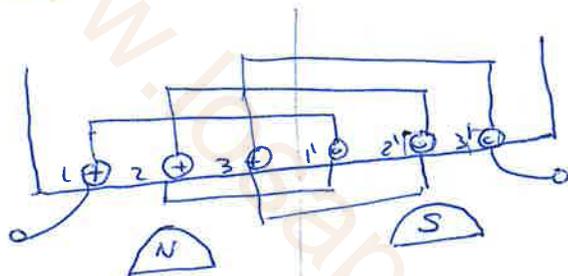
$$E = 2 K_f K_d f \phi Z$$

$$K_d \leq 1$$

$$\gamma = \frac{180}{3} = 60^\circ$$

$$K_d = \frac{\sin(\frac{2 \cdot 60^\circ}{2})}{2 \sin \frac{60^\circ}{2}} = \frac{\sqrt{3}/2}{1} = 0.866$$

Justificación del alternador trifásico. (relleno la ranura que están vacías.)



$$Z' = 6$$

$$Q = 3$$

$$f = 3$$

$$\gamma = 60^\circ$$

$$K'_d = \frac{\sin \frac{(3 \cdot 60^\circ)}{2}}{3 \cdot \sin \frac{60^\circ}{2}} = \frac{1}{1.5} = 0.667$$

- No nos interesa una máquina con todos los ranuras cubiertas lo demuestra.

$$K_d = 0.866 \quad E = 2 K_f K_d f \phi Z = 2 (1.11) (0.866) f \phi (4)$$

$$K'_d = 0.667 \quad E' = 2 K_f K'_d f \phi Z' = 2 (1.11) (0.667) f \phi (6)$$

factor de distribución

$$\frac{E'}{E} = \frac{0.667 \cdot (6)}{0.866 \cdot (4)} = 1.16$$

$$E' = 1.16 E \quad \text{si la } E \text{ es porcentajes}$$

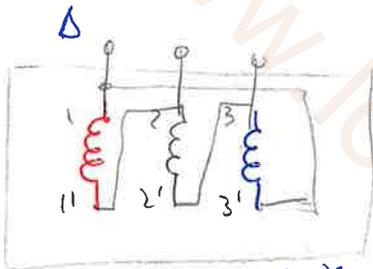
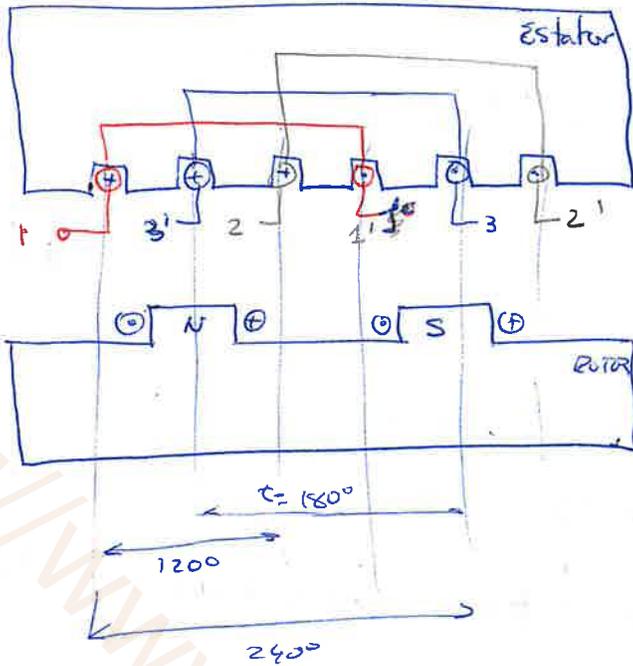
$$\text{es el } 100\% \quad E\% = 100\% \quad E'\% = 116\%$$

$$Z\% = 100\% \quad Z' = 100 \cdot \frac{6}{4} = 150\%$$

se aumenta la frecuencia  $E'$  en 16% más. y  $Z$  a cuenta un 50%

Las máquinas monofásicas no interesan relleno los ranuras, pero en una máquina trifásica si interesa

En una máquina trifásica.



$$q = 3 \text{ ranuras/polo}$$

$$q = 4 \text{ ranuras/polo y fase}$$

$$\gamma = \frac{180}{3} = 60 = \frac{p}{Q}$$

$$K_d = \frac{\sum \cos \frac{q \cdot \gamma}{2}}{q \cos \frac{\gamma}{2}} = \frac{0.5}{0.5} = 1 \quad \text{vale la unidad entonces el factor es mas fuerte}$$

PARKER.

CAPITULO 29 de Maquinas asincronas. problema 10:

Un alternador trifasico de <sup>8 p. de polo.</sup> 16 polos tiene en devorado conectado en estrella de 144 ranuras y 10 conduct./ran. , el  $\phi = 3 \text{ mm} \times$  y el  $K_f = 1.11 = \frac{\pi}{2\sqrt{2}}$  y la velocidad de giro  $N = 375 \text{ R.P.M.}$

solucion [50Hz, 1530V, 2650V]

$p=8$  144 ran.

10 cond/ran

$\phi = 3 \text{ mm} \times$

$K_f = 1.11 = \frac{\pi}{2\sqrt{2}}$

$N = 375 \text{ R.P.M.}$

f=?

$N = \frac{375 \text{ rev}}{1 \text{ min.}} = 6.25 \text{ R.P.S.}$   
 $f = p \cdot N$

$f = \frac{pN}{60} = \frac{8(375)}{60} = 50 \text{ Hz}$

factor de devorado?

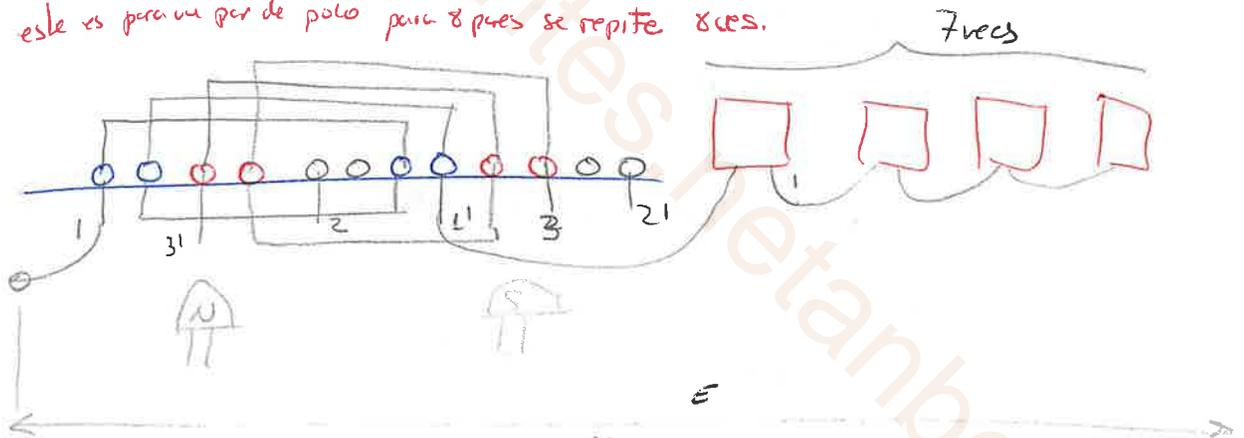
Ran/fase =  $\frac{144}{3} = 48$

Ran/fase y polo =  $\frac{144}{3 \cdot 8} = 6 \text{ ran/fase y polo.}$   
 fase ↑  
 p. de polo ↑

$\Rightarrow$   
 $Q=6$   
 $q=2$

$\gamma = \frac{6}{Q} = \frac{180}{6} = 30^\circ$

este es para un par de polo para 8 p. se repite 8 veces.



F. e m. estrellad

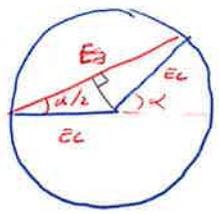
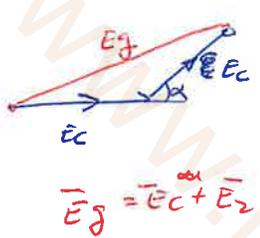
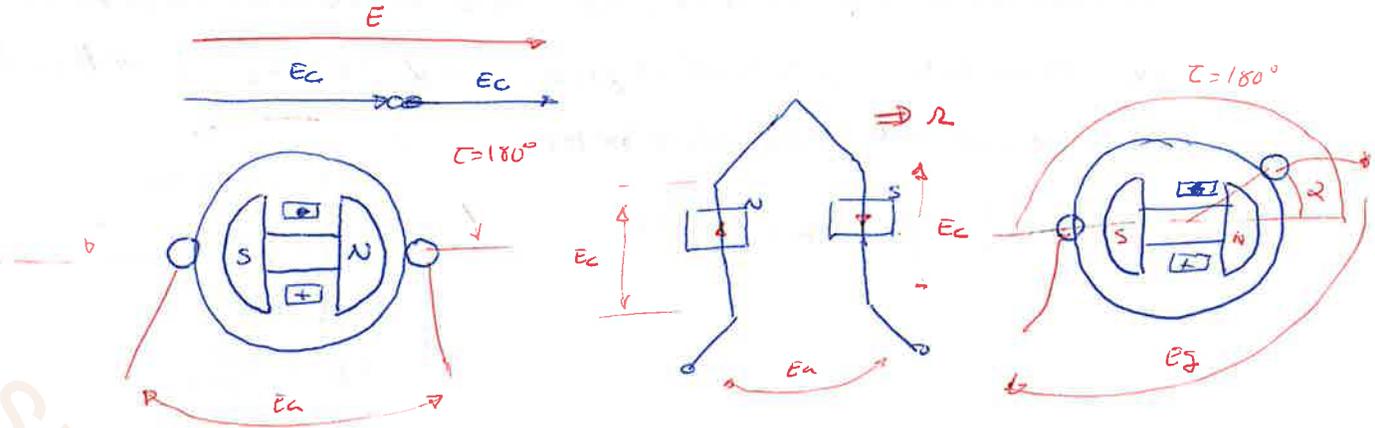
$K_d = \frac{\sin \frac{18}{2}}{q \sin \frac{6}{2}}$

$K_d = \frac{\sin \frac{(2)(30)}{2}}{2 \sin \frac{30}{2}} = \frac{0.5}{2 \sin 15} = 0.966$

$E = (2) \left( \frac{\pi}{2\sqrt{2}} \right) (0.966) (50) (3 \cdot 10^{-3}) (10 \cdot 48) \cdot 10^{-8} = 154494 \text{ V}$  F. e m. simple.

$E_{Lm} = \sqrt{3} \cdot E = \sqrt{3} \cdot 154494 = 267591 \text{ V.}$

FACTOR DE ACORTAMIENTO.



$$\frac{E_g}{2} = E_c \cos \frac{\alpha}{2}$$

$$E_g = 2 E_c \cos \frac{\alpha}{2}$$

$$K_p = \frac{E_g}{E_a} = \frac{2 E_c \cos \frac{\alpha}{2}}{2 E_c} = \cos \frac{\alpha}{2} = \cos \frac{\pi}{2} p$$

factor de acortamiento

Fuerza electromotriz real de un alternador.

$E = 2 K_f K_d K_p f \Phi Z$  *valor dado en Voltios (V)*

↑  
factor de onda    factor de onda    factor de acortamiento

$E = 2 K_f K_d K_p f \Phi Z \cdot 10^{-8}$  (Voltios)

$K = K_f K_d K_p$   
 $E = 2 K f \Phi Z$  (V)

La K oscila entre 1.9 a 2.6

PROBLEMAS. Capitulo 29 maquina sincronicas.

problema 7.

El inducido de un alternador monofasico esta completamente devanado con T bobinas con una sola espira y uniformemente distribuida.

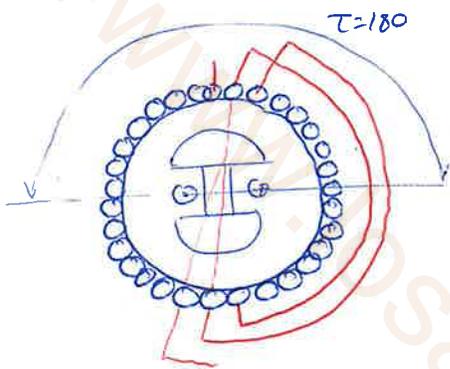
¿cuál sera la fuerza electromotriz inducida con todos los devanados en serie? solución  $\left[ \frac{4T}{\pi} \right]$

(T) bobinas 1 esp.

Q ? r ?

E<sub>esp</sub> = 2 Volt.

todas las ranuras tienen conductores.



el n° de ranuras por polos es tambien el n° de bobinas de la maquina.  
entonces: bobina

$$Q = T = 7$$

n° ranuras.

$$\gamma = \frac{\tau}{T} = \frac{180}{T}$$

$$K_d = \frac{\sin \frac{\gamma T}{2}}{\gamma \sin \frac{\gamma}{2}} = \frac{\sin \gamma \frac{180}{2T}}{\frac{180}{T} \sin \frac{180}{2T}} = \frac{\sin \frac{180}{2}}{T \sin \frac{180}{2T}} = \frac{1}{T \sin \frac{180}{2T}} = \frac{1}{\gamma \cdot \frac{\pi}{2\gamma}} = \frac{2}{\pi}$$

$\frac{1}{T \sin \frac{180}{2T}}$  el seno se cancela con el coseno

$E = E_{esp} \cdot K_d = 2 \cdot T \cdot \frac{2}{\pi} = \left[ \frac{4T}{\pi} \right]$   
 (nota: espiras y k<sub>d</sub>)

PROBLEMA 11 29.11

Hallar el n° de conductores:

50 Hz trif. 10 polos 90 ranuras.

11000 V , 16 megavoltios.

solución  $[360 \text{ conductores}]$

aplicando la expresión:  $E = 2k_f \phi Z \cdot 10^{-8}$

$$E = \frac{E_{linea}}{\sqrt{3}} = \frac{11000}{\sqrt{3}}$$

$$k_p = 1$$

$$k_f = \frac{\pi}{2\sqrt{2}} = 1.11 \text{ se sabe}$$

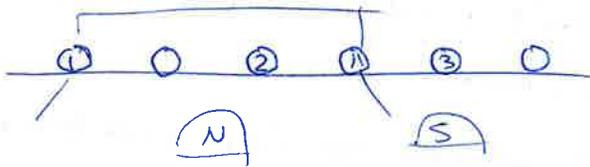
$$\frac{90 \text{ ranuras}}{3} = 30 \text{ ranuras / fase.}$$

$$Z_p = 5 ; \frac{30}{5} = 6 \text{ ranuras / por polo y fase}$$

3 ranuras / polo + fase.

$$\left. \begin{array}{l} Q = 3 \\ \gamma = 1 \end{array} \right\}$$

$$\gamma = \frac{180}{3} = 60^\circ$$



$$K_d = \frac{\sin\left(\frac{11 \cdot 60}{2}\right)}{1 \sin \frac{60}{2}} = \frac{0.5}{0.5} = 1$$

$$E = K \phi 2 \cdot 10^{-8}$$

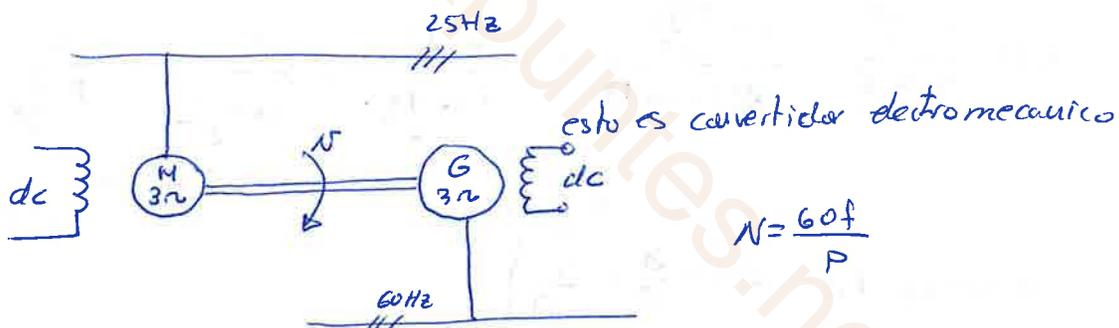
$$\frac{11000}{\sqrt{3}} = 2 \cdot \left[ \frac{n}{20r_2} \right] \left[ + \right] \left[ 1 \right] \left[ 1 \right] \left[ 16 \cdot 10^6 \right] \cdot 2 \cdot 10^{-8} = \boxed{356 \text{ cond.}}$$

Problema: 29.3

Hallar las tres mayores velocidades, a que

25 Hz, 60 Hz. soluciones (1300) (150) (100)

la maquina sincrona cuando gira, gira con velocidad etc.



motor  $N = \frac{(60)(25)}{P_m}$  pares de polos del motor.

Generador  $N = \frac{60(60)}{P_g}$  pares de polos del generador

por igualdad:  $\frac{(60)(25)}{P_m} = \frac{(60)(60)}{P_g} \Rightarrow$

$\frac{P_g}{P_m} = \frac{60}{25}$

$P_g = P_m \frac{60}{25} = P_m \frac{12}{5}$

- para  $P_m = 5 \Rightarrow P_g = 12$
- para  $P_m = 10 \Rightarrow P_g = 24$
- para  $P_m = 15 \Rightarrow P_g = 36$

nº de pares de polos nunca puede ser fraccionario

Si el motor tiene 5 pares de polo la velocidad de giro es:

$P_m = 5 \quad \left[ N = \frac{60 f}{P_m} = \frac{60 \cdot 25}{5} = 300 \text{ RPM.} \right]$

$P_m = 10 \quad \left[ N = \frac{60 f}{P_m} = \frac{60 \cdot 25}{10} = 150 \text{ RPM.} \right]$

$P_m = 15 \quad \left[ N = \frac{60 \cdot 25}{15} = 100 \text{ RPM.} \right]$

estas son las tres velocidades de giro

PROBLEMA 29.4

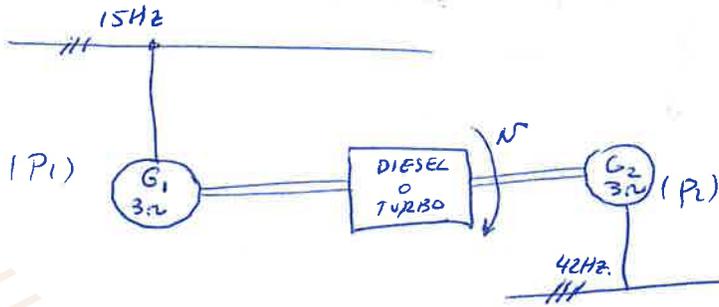
Hallar la velocidad max. y el nº de polos

de dos alternadores directamente acoplados que necesiten las frecuencias de 15Hz, 42Hz

y b) 42Hz 50Hz

- Soluc. a) (10 y 28) (180 RPM)

b) (42 y 50) (120 RPM)



$$N = \frac{60f_1}{P_1} = \frac{60f_2}{P_2}$$

$$\frac{f_1}{P_1} = \frac{f_2}{P_2}$$

$$\frac{15}{P_1} = \frac{42}{P_2}$$

$$\Rightarrow \frac{42}{15} = \frac{P_2}{P_1} \quad P_2 = P_1 \frac{42}{15}$$

$P_1 = 5 \quad P_2 = 5 \cdot \frac{42}{15} = 14 \rightarrow 2P_1 = 10 \text{ polos} \Rightarrow$   
 $2P_2 = 28 \text{ polos}$

$$\Rightarrow N = \frac{60f_1}{P_1} = \frac{60f_2}{P_2} = \frac{60 \cdot 15}{5} = 180 \text{ RPM.}$$

$$N = \frac{60f_2}{P_2} = \frac{60 \cdot 42}{14} = 180 \text{ RPM.}$$

b)

$$N = \frac{60 \cdot f_1}{P_1} = \frac{60 \cdot 42}{P_1}$$

$$N = \frac{60 \cdot f_2}{P_2} = \frac{60 \cdot 50}{P_2}$$

$$\frac{60 \cdot 42}{P_1} = \frac{60 \cdot 50}{P_2}$$

$$P_2 = \frac{60 \cdot 50}{60 \cdot 42} P_1$$

$$P_2 = \frac{25}{21} P_1$$

para  $P_1 = 21 \quad P_2 = 25$

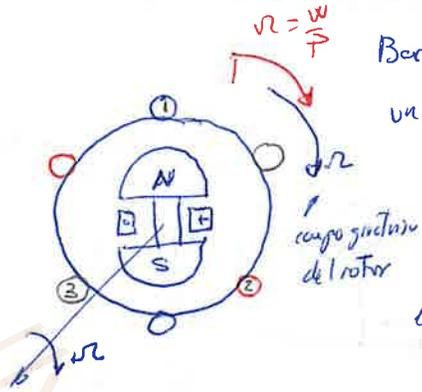
$$N = \frac{60 \cdot f_1}{P_1} = \frac{60 \cdot f_2}{P_2} = \frac{60 \cdot 42}{21} = \frac{60 \cdot 50}{25} = 120 \text{ RPM}$$

$$2P_1 = 42 \text{ polos}$$

$$2P_2 = 50 \text{ polos}$$

# FENOMENO DE REACCION DE INDUCIDO DEL ALTERNADOR.

alternador trifasico bipolar con inducido en el estator y inductor en el rotor.



Conecta las fases en el sentido ① ② ③ y origina un sist. trifasico dentro de fier. electrodinamica.

$$W = p \Omega$$

$$p = 2$$

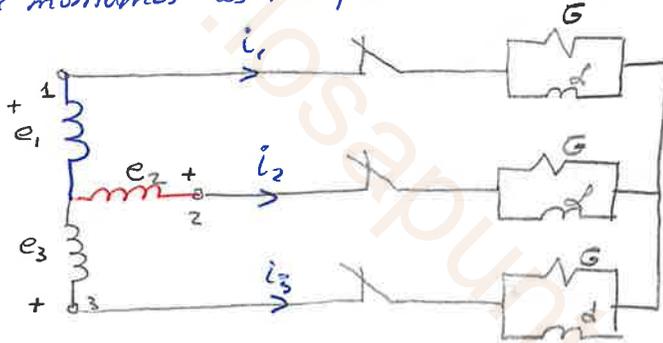
La f.e.m tiene los siguientes valores instantaneos.

$$e_1 = E_m \sin \omega t$$

$$e_2 = E_m \sin(\omega t - 120^\circ)$$

$$e_3 = E_m \sin(\omega t - 240^\circ)$$

Si montamos las tres fases en estrella.



aparecerá una corriente y los valores instantaneos de esas corriente son:

$$i_1 = I_m \sin(\omega t \pm \varphi)$$

$$i_2 = I_m \sin(\omega t - 120^\circ \pm \varphi)$$

$$i_3 = I_m \sin(\omega t - 240^\circ \pm \varphi)$$

$$\varphi = \tan^{-1} \frac{X_L}{R}$$

estas corrientes tiene pulsación  $\omega t$  entonces mediante Ferraris.

$\omega = \frac{W}{P}$  se desplaza a la misma velocidad que la rueda polar.

La f.e.m inducida en la fase 1 es max cuando el  $\phi$  que pasa por la fase ① es minimo, es decir la bobina está coincide con los eje inductores

- Tomamos la fase 1 como la fase de referencia y lo mismo ocurre con las demas fases.

a) carga resistiva pura.

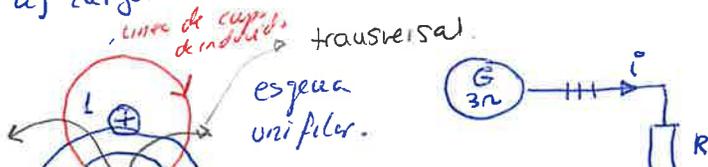
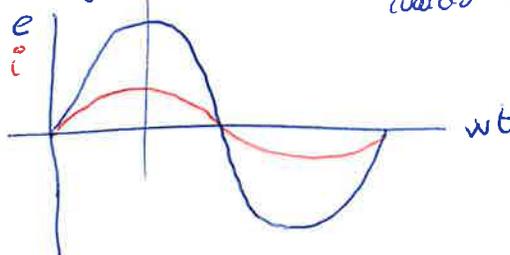


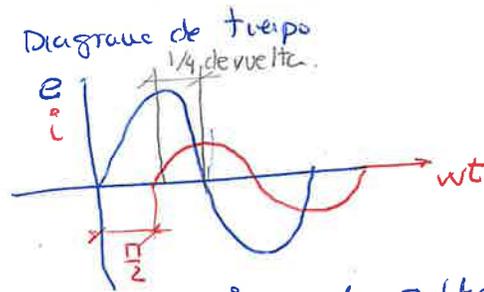
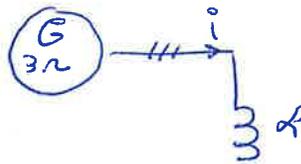
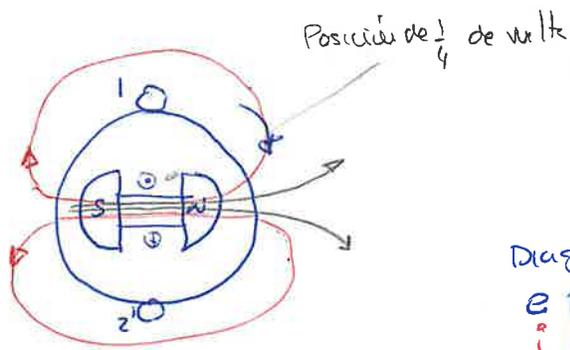
diagrama de tiempo



cundo f.e es max la corriente es max.

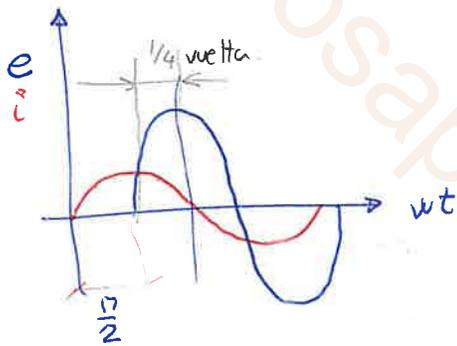
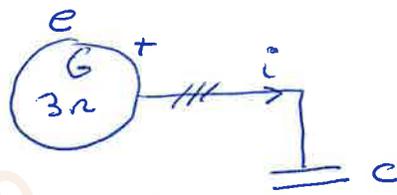
al aplicar la regla de Maxwell los lineos de fuerza tendria este sentido

b) carga induct. pura. (considero el alternador sobre una bobina)

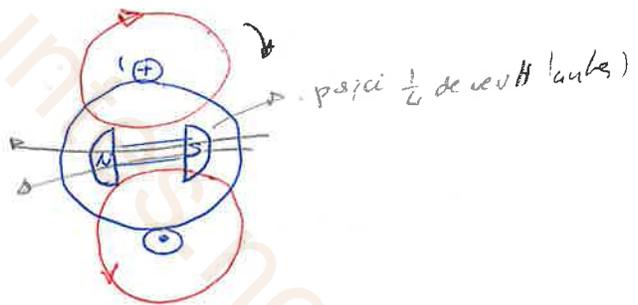


cundo la  $i_{max}$  la  $e$  (fuerza elect.) vale cero

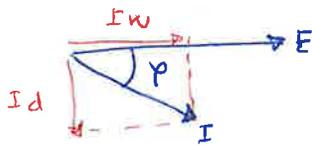
c) carga capacitiva pura.



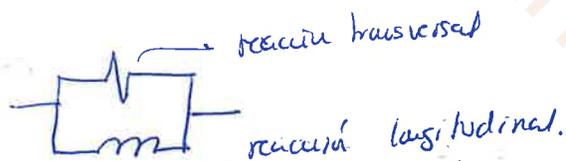
cundo  $i_{max} \Rightarrow e = 0$ .



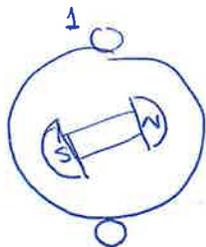
d) carga híbrida. (caso general)



$$\bar{I} = I_w - jI_d$$



aquí le viene por 45° intermedia de resistencia y bobina.



con una corriente inductiva.  $\phi = cte$   
 $J = cte$   
 $n = cte$   
 $A = cte$   
 $E = cte$

$E = K \phi Z \quad V < E \Rightarrow$

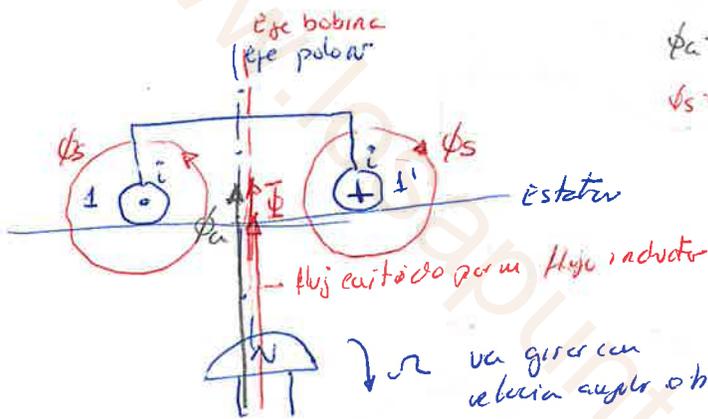
$\epsilon\% = \frac{E-V}{E} \cdot 100$   
 coeficiente relativo de tensión

Depende.

- Resist. ohmica de cada fase  $RI$  caída activa
- React.  $X \rightarrow XI$  caída reactiva.
- Reac. magn. inducida  $Ip$ .

CIRCUITO EQUIVALENTE DE UN ALTERNADOR

Considero la fase 1 y sera lo mismo que las otras fases.



$\phi_a =$  flujo de circuito  
 $\phi_s =$  flujo de dispersión de circuito.

cuando la máquina esta encargada

$\phi_{ch} = \phi + \phi_a + \phi_s$   
 flujo total  
 $\phi_a = L i$   
 $\phi_s = \lambda i$   
 coef

si la máquina no está encargada sería  $\phi = \phi$

$-\frac{d\phi_{ch}}{dt} = -\frac{d\phi}{dt} - L \frac{di}{dt} - \lambda \frac{di}{dt}$

$e_{ch} = e - L \frac{di}{dt} - \lambda \frac{di}{dt}$

$V = e_{ch} - Ri$  ; despreciados y sustituyendo

$V + Ri = e - L \frac{di}{dt} - \lambda \frac{di}{dt}$

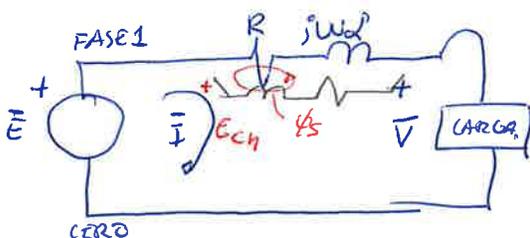
$\bar{E} = \bar{V} + R\bar{I} + j\omega L\bar{I} + j\omega\lambda\bar{I}$

$L = L + \lambda$   
 coef. cíclico de inductancia

$\bar{E} = \bar{V} + R\bar{I} + j\omega L\bar{I}$   
 $\bar{E} = \bar{V} + \bar{I} [R + j\omega L]$

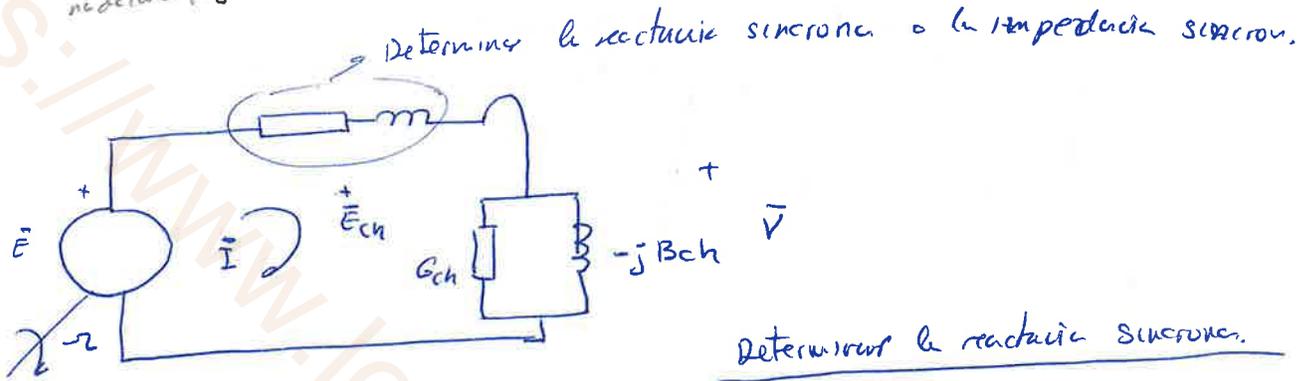
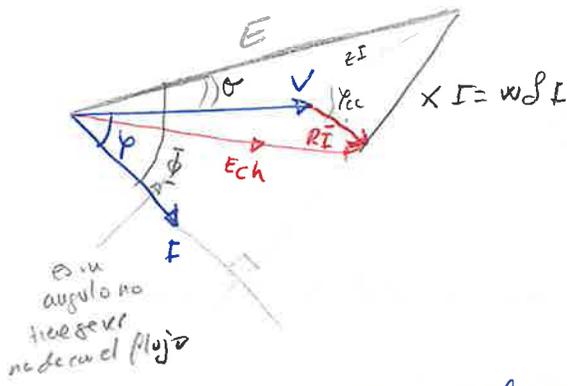
$E = \bar{V} + \bar{Z}\bar{I}$   
 $Z = R + j\omega L =$  Impedancia sincrónica.

$R =$  reactancia sincrónica.  
 $j\omega L =$  induct. sincrónica.



$e_{ch} = V + Ri \quad \bar{E}_{ch} = \bar{V} + R\bar{I}$

Diagrama.



Determinar la reactancia sincrona.

\* hace falta dos ensayos:

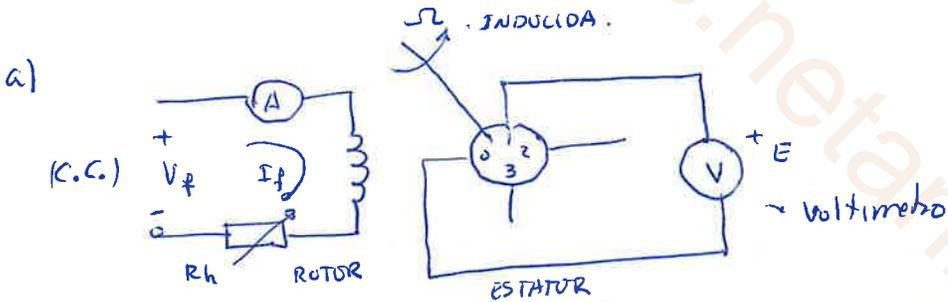
- a) ensayo en vacío
- b) " " corto

$$E = K f \phi Z$$

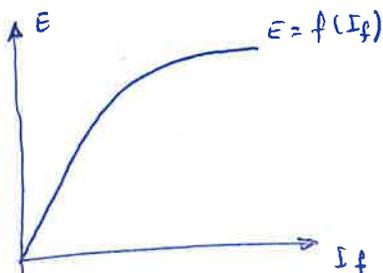
$$K = 2k_f k_d k_p$$

$$\Rightarrow E = F(\phi)$$

$$\phi = f(I_f)$$



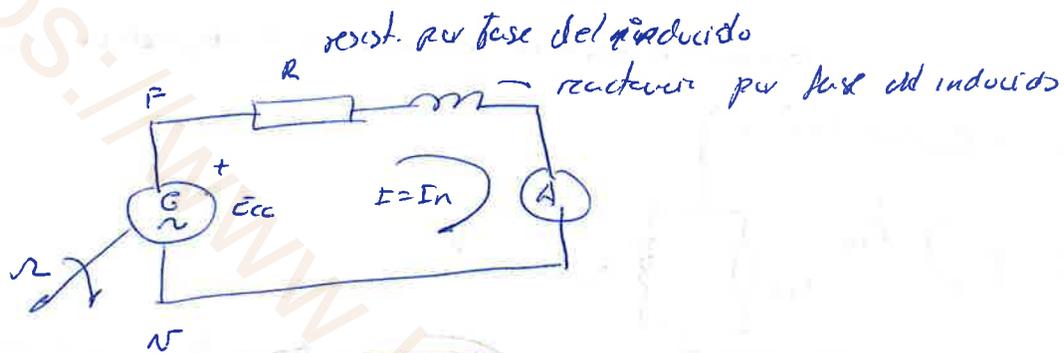
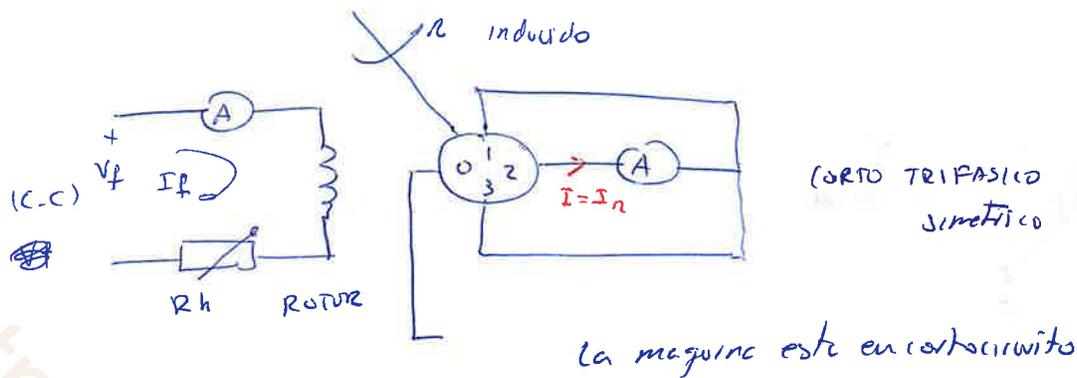
depreciando o variando el  $R_h$  varia la lectura en el voltmetro y el amperímetro



velocidad de giro  $\omega = cte.$

$$f = \frac{PN}{60}$$

b) ensayo de corto

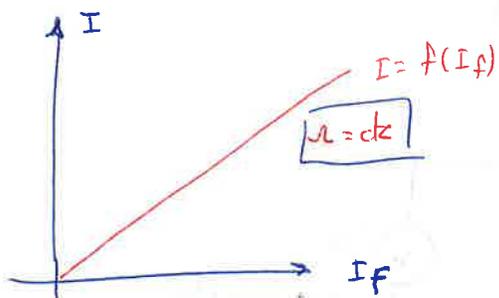
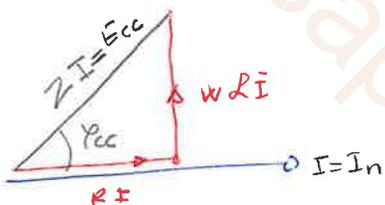


$$E_{cc} = I \sqrt{R^2 + (wL)^2} \rightarrow E_{cc} = I \cdot Z$$

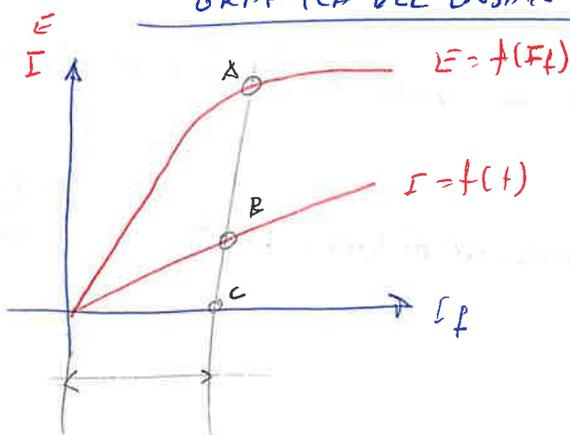
$$E_{cc} = k \cdot \phi_{ch} \cdot Z$$

$$\phi_{ch} = \frac{m I_{fch}}{R_m} = \text{pequeño}$$

$$I_{fch} = \text{pequeña}$$



GRAFICA DEL ENSAYO EN CORTO Y EN VACIO



impedancia sincrónica.

$$Z = \frac{E_{cc}}{I} = \sqrt{R^2 + (wL)^2} = \frac{AC}{BC}$$

wL sabiendo R Ecc y se puede calcular la reactancia sincrónica.

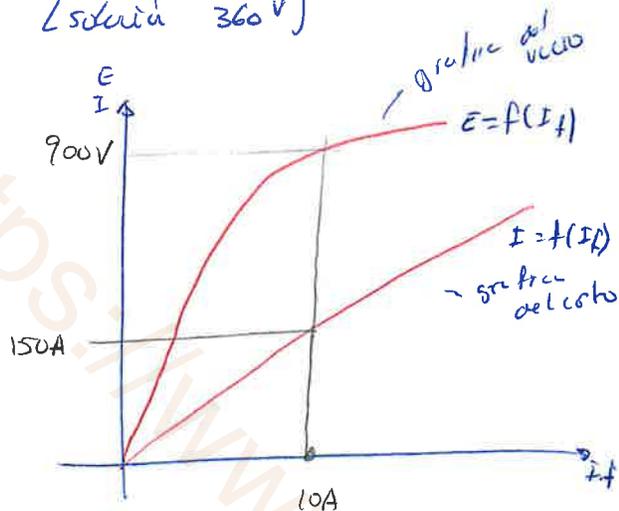
29.33

Si una corriente de campo de 10A produce en un cierto alternador una corriente de 150A = I y una tensión nominal de 200V = E (reg. vacío) de corto

Hallar la caída

con 60A = I

(solución 360V)



$$10A = I_f$$

$$150A = I \text{ (reg. corto.)}$$

$$200V = E \text{ (reg. vacío)}$$

$$60A = I \text{ (reg. nominal)}$$

$$Z = \frac{E_{cc}}{I} = \frac{200}{150} = 1.33 \Omega$$



$$\sqrt{R^2 + (wL)^2} = 6$$

$$F \sqrt{R^2 + (wL)^2} = 60 \times 6 = 360V$$

29.32

200V 50Hz

440KVA 0.5Ω = R

el corto una corriente de campo de 40A (corto)  $I_f = 40A \text{ (corto)} \rightarrow 200V = E_n$

$E_{cc} = 1160V$

solución:  $[5.80 \Omega]$   $[5.77 \Omega]^2$

$$Z = \frac{E}{I_n \text{ (corto)}} = \frac{1160}{200} = 5.8 \Omega \text{ impedancia sincron.}$$

$$wL = x = \sqrt{Z^2 - R^2} = \sqrt{5.8^2 - 0.5^2} = 5.78 \Omega$$

29.34 . alternador monofásico regulación

550V 55KVA

0.2Ω resist efectiva.

solución  $[2.25 \Omega, 2.24 \Omega]$  31.0%

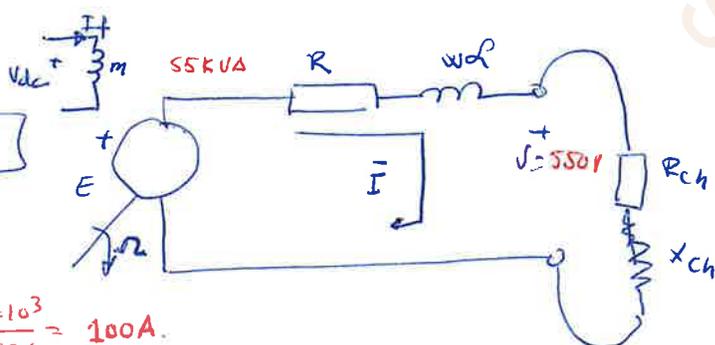
10A (campo)  $\rightarrow$  200A (corto) (inducido)  
 $\hookrightarrow$  450V (reg. vacío)

$$Z = \frac{E_{cc}}{I} = \frac{450}{200} = 2.25 \Omega$$

$$X = \sqrt{Z^2 - R^2} = \sqrt{2.25^2 - 0.2^2} = 2.24 \Omega$$

$$\bar{E} = \bar{V} + \bar{E} \cdot \bar{I}$$

$$I = \frac{S}{V} = \frac{55 \times 10^3}{550} = 100A.$$



$$\bar{E} = 550 \angle 0^\circ + 225 \angle \varphi_{cc} = 550 \angle 0^\circ + 225 \angle \varphi_{cc} = 84900 \cdot 100 \angle -36'87 = 550 \angle 0^\circ +$$

$$\varphi_{cc} = \cos^{-1} \frac{R}{Z} = \cos^{-1} \frac{0.2}{2.25} = 0.09 \quad \varphi_{cc} = 4900$$

$$225 \angle 48'03$$

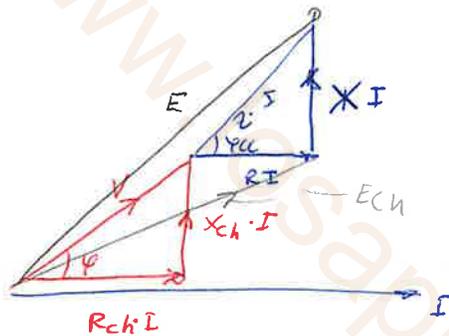
forma binomial.

$$225 \angle 48'03 = 150.47 - j167.29$$

$$\bar{E} = 700.47 + j167.29 = 720.17 \angle 13'430 \quad (V)$$

$$\text{Reg \%} = \frac{E-V}{V} \cdot 100 = \frac{720.17 - 550}{550} \cdot 100 = 30.94\% \quad \text{es un coef de regulaci\u00f3n muy elevado.}$$

tomo como origen de vectores la intensidad

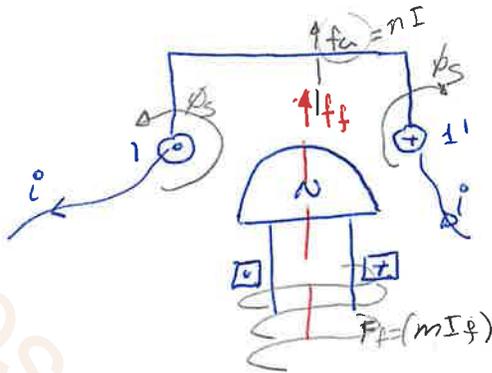


se le doy la vuelta serie Ech



# Metodo de POTIER.

f. electr. entrante en una fase es:



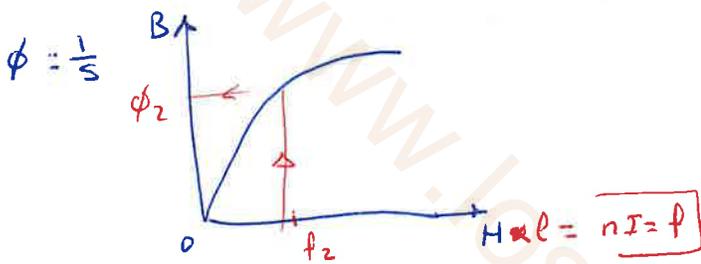
con velocidad angular  $\Rightarrow \omega = \frac{\omega}{p}$

$f_f = f.$  elect. inductora.

$f_a = f.$  elect. inducida

$f_z = f_f + f_a$   
f. elect. resultante.

CURVA B-H, podemos calcular el flujo que pasa por la máquina



$\phi_{ch} = \phi_z + \phi_s$   
flujo de carga  $\phi_s = \lambda i$

$\phi_{ch} = \phi_c + \lambda \cdot i$  derivando respecto al tiempo

$$- \frac{d\phi_{ch}}{dt} = - \frac{d\phi_c}{dt} \rightarrow \frac{di}{dt}$$

$$e_{ch} = e_c - \lambda \frac{di}{dt}$$

f. elect. en carga.

$$V + R_i i = e_{ch}$$

$$V + R_i i = e_c - \lambda \frac{di}{dt}$$

$$e_c = V + R_i i + \lambda \frac{di}{dt}$$

para valores instantaneos.

$$\vec{E}_R = \vec{V} + R\vec{I} + j\omega\lambda\vec{I}$$

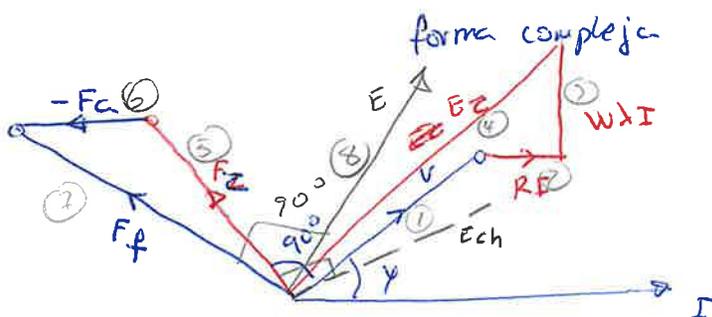


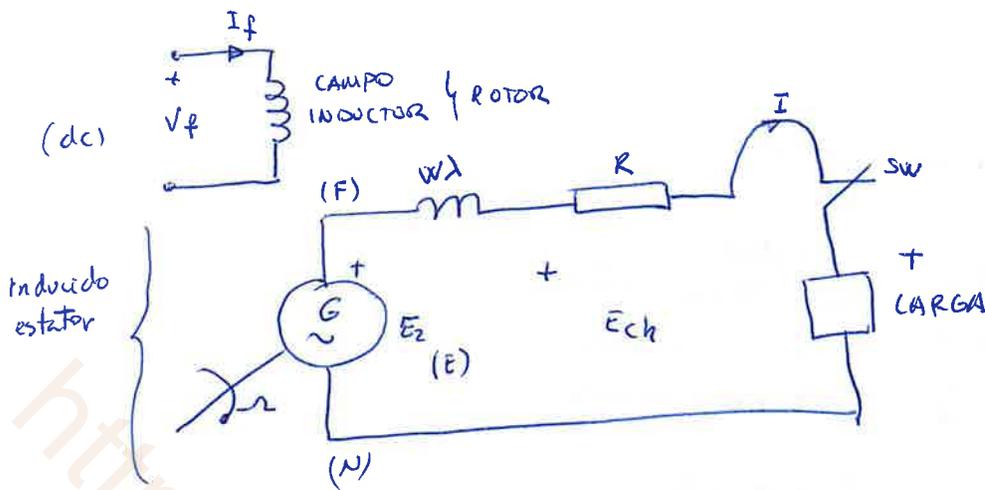
Diagrama de tensiones del inducido por fases.

en el brazo  $F_f$  este en el brazo  $90^\circ$  y sera la de vacio de la maquina.

podemos decir:

$$\vec{F}_z = \vec{F}_f + \vec{F}_a$$

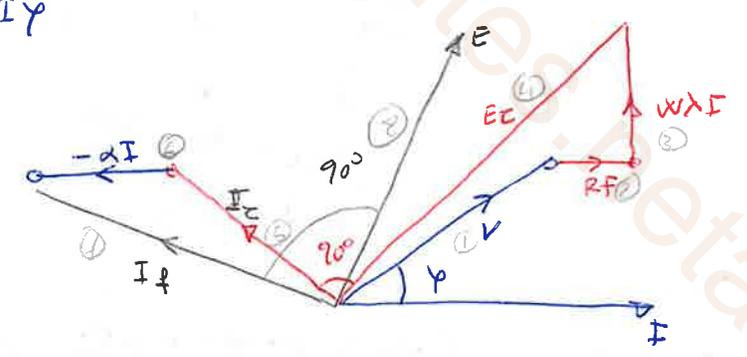
teniendo en cuenta que un flujo va adelantado  $90^\circ$  de la F elect. (E)  $\Rightarrow F_z$  es  $90^\circ$  en adelanto con  $E_c$



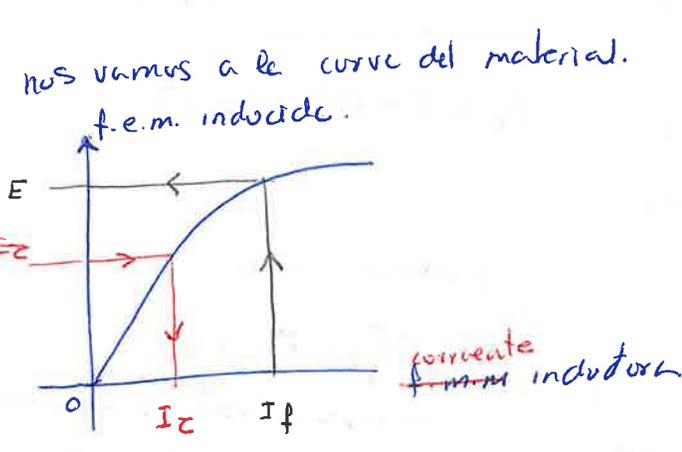
$m$  espiras de la red polar.  
 $F_f = m I_f$   
 $F_a = n I$   
 $\vec{F}_z = m \vec{I}_f + n \vec{I}$   
 $F_z = I_z m$   
 $m \vec{I}_z = m \vec{I}_f + n \vec{I} \Rightarrow$

$m \vec{I}_z = m \vec{I}_f + m \left( \frac{n}{m} \vec{I} \right) \quad | \quad \vec{I}_z = \vec{I}_f + \alpha \vec{I}$   
 $\alpha = \frac{n}{m}$

Diagrama del régimen del circuito de corriente alterna sabiendo que es conocido  $\alpha = \frac{n}{m}$  y  $\lambda$  y deduciendo el régimen de carga  $V I \gamma$



$- \alpha I$  va en fase con  $I$



Si la máquina no estuviera saturada Metodo de Polier.

$$\phi_{ch} = \overbrace{[\phi_f + \phi_a]}^{\phi_2} + \phi_s \quad \phi_a = L \dot{i}$$

$$\phi_s = \lambda i$$

$$- \frac{d\phi_{ch}}{dt} = - \frac{d\phi_f}{dt} - \frac{L di}{dt} - \lambda \frac{di}{dt}$$

$$\Rightarrow e_{ch} = e_f - L \frac{di}{dt} - \lambda \frac{di}{dt}$$

fem. de vacío en máquina

como:  
 $V + Ri = e_{ch}$

$$\Rightarrow \bar{E} = \bar{V} + R\bar{I} + j\omega L\bar{I} + j\omega \lambda \bar{I}$$

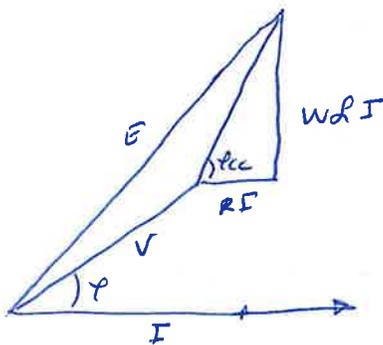
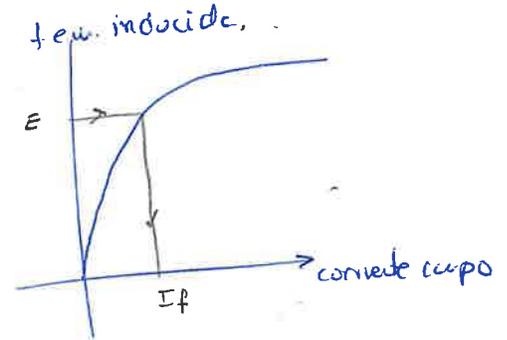
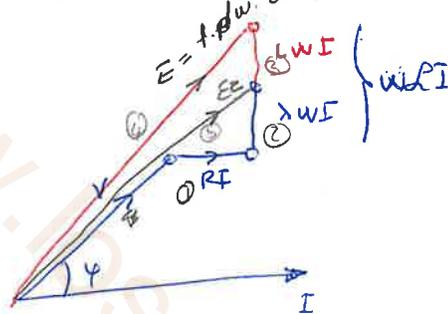
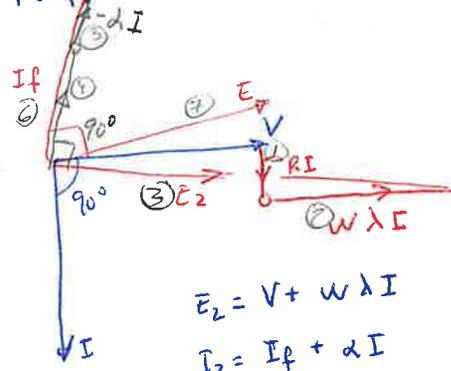
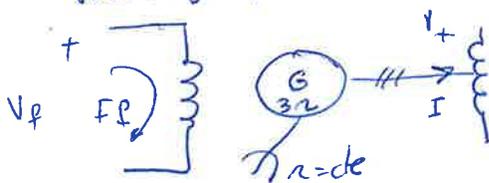


diagrama Bheu Schenburz, define el circuito equivalente de la máquina.

determinar coef  $\alpha$  y  $\lambda$ . Se necesita tres ensayos para determinar  $\alpha$  y  $\lambda$

- 1.- ensayo en vacío:  $E = f(I_f)$   $r = cte$
- 2.- características de corte  $I = f(I_f)$  corto  $r = cte$
- 3.- características de abastecidos  $V = f(I_f)$   $I = cte$   $\cos \phi = 0$  (carga completamente inductiva.)

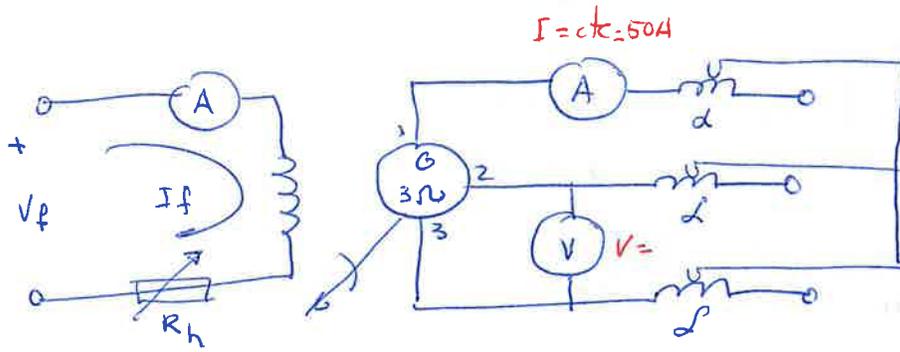
considerar el diagrama de Polier para carga puramente inductiva.



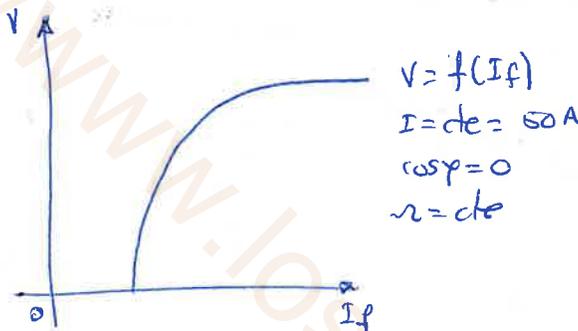
$$E_2 = V + \omega \lambda I$$

$$I_2 = I_f + \alpha I$$

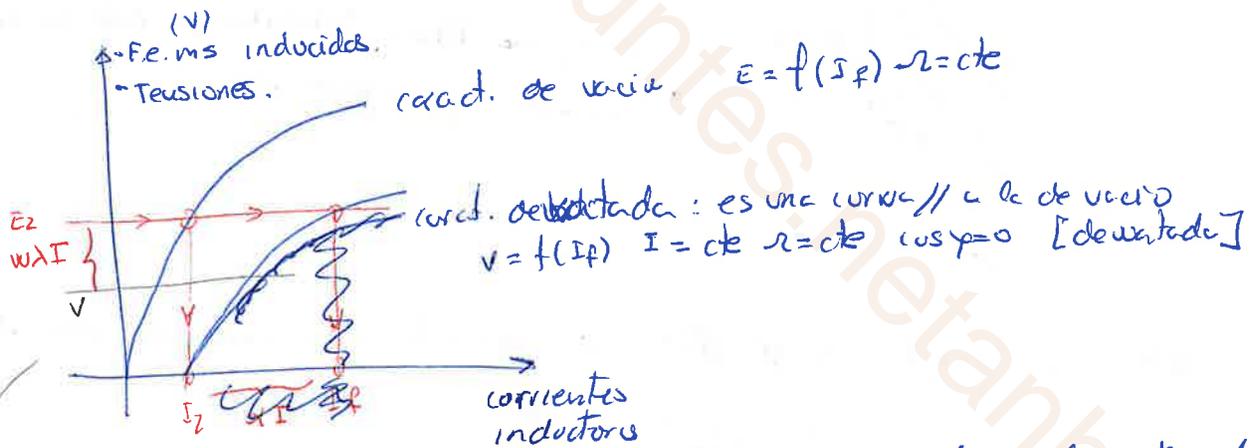
3.-



determina  $\alpha$  y  $\lambda$  para un resistor de carga de  $V=380V$  en barras de un convertidor de ~~inducido~~ <sup>cte</sup>  $I=50A$  y un  $\cos\phi=0.8$  inductivo.



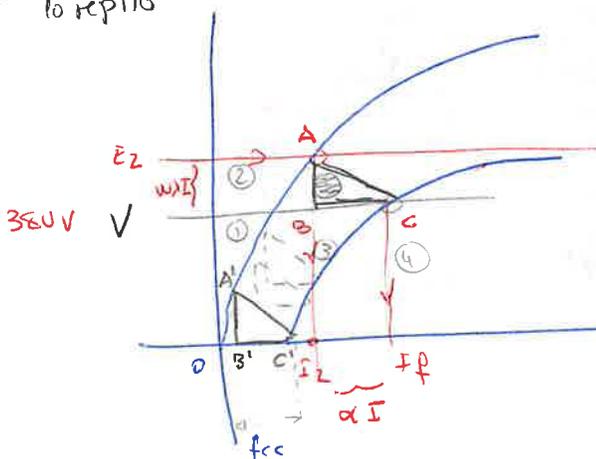
Llevar sobre un eje de ordenadas las características de vacío y de carga



Suponemos  $\alpha$  y  $\lambda$  conocidos

de \$V\$ y la \$w\lambda I\$

lo repito



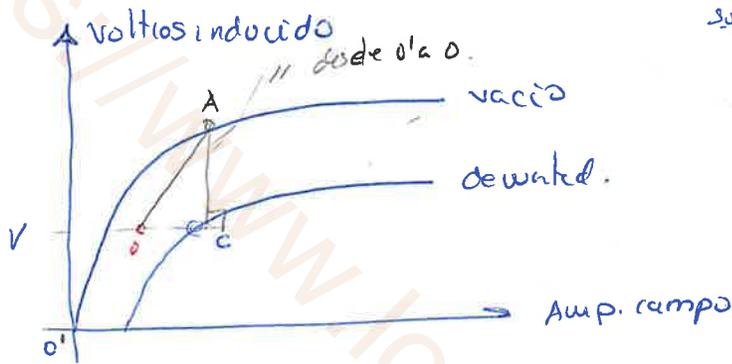
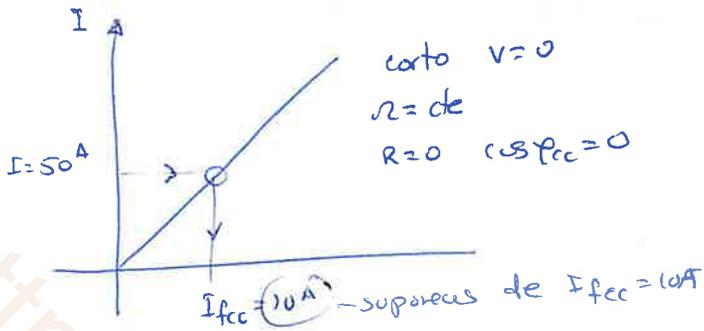
$$BC = \alpha I$$

$$AB = w\lambda I$$

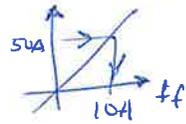
si el triángulo lo vamos bajando hasta que toca el eje de abscisas sería el triángulo \$A'B'C'\$, es esa posición la d.d.p vale cero \$V=0\$

para \$V=0\$  $OC' = corriente I$  para \$V=0\$  $\cos\phi=0$$

en la corat. de corto la  $v=0$  y  $\cos \phi=0$  despreciado la resistencia del inducido.



suponemos  $oc = I_{fcc} = 10 A$  medido en la cuad. de corto



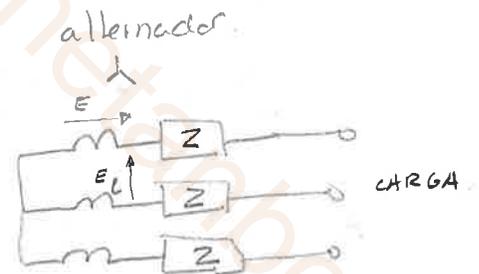
$AB = w \lambda I$  y como  $w$  y  $I$  se varían se desprecia  $\lambda$   
 $BC = \alpha I$  - como  $\alpha$  es constante  $I$  se desprecia  $\alpha$ .

PROBLEMA DEL PARKER. 29.27 Regulación Método

La tabla contiene los datos. con:  
 6 polos - Trif.

440V 50Hz  
 conect. en  $\Delta$   
 40A  $\cos \phi = 0.8$  ret. solución [34%]  
 la rest. ohmica resistiva es de  $R=0.3 \Omega$

- corriente de campo (A) -
- Tensión terminal en circuito abierto (V) -
- corriente de línea en corto (A) -
- Tensión terminal con fap nulo (V) -



la carga puede ser triángulo o

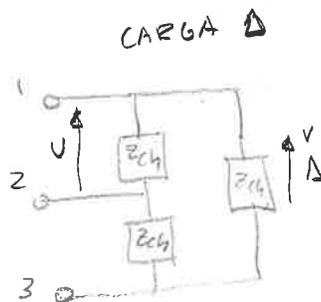
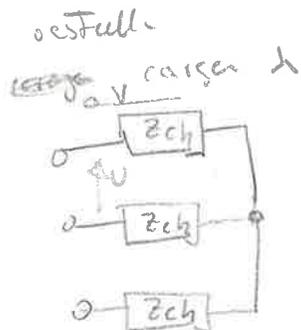
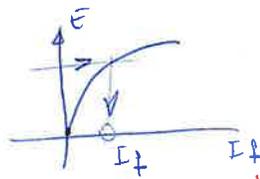
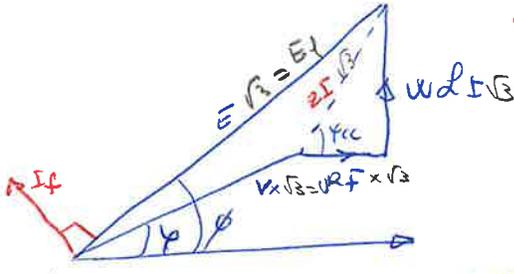


Diagrama.

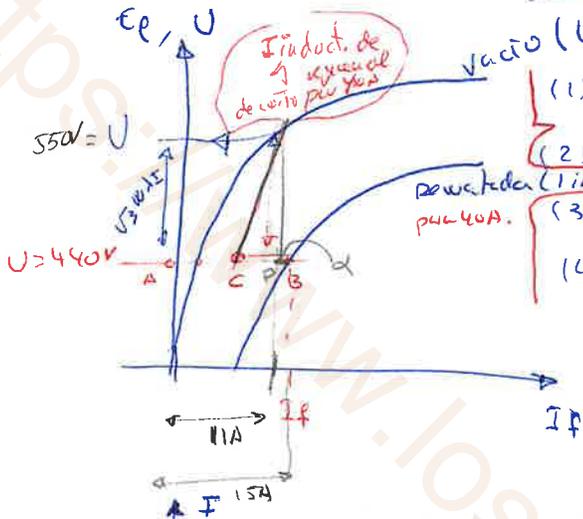


multiplica por  $\sqrt{3}$   $\Rightarrow$  vería valor compuesto de la carga.



líneas referidas 1 y 2.

Datos de la tabla.



- (1) línea 1 conect de cupo (A) ...
- (2) línea 2 tensión terminal en circuito abierto (U) ... 440V
- (3) corriente de línea de cupo (A) ... 40A
- (4) tensión terminal con f.d.p nulo (U) ... 0V

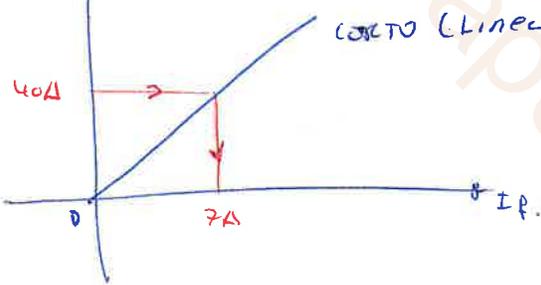
7A	2.0A	11A	12A
		550V	
		530V	586V

$AB = 15A$  (dato gráfico)

$BC = 7A$

$DB = dI = 15 - 11 = 4A$

$40A = 4 / d = 0.1A$



$\sqrt{3} \omega \lambda I = E - V = 550 - 440V = 110V$

$\sqrt{3} (2n50) \lambda I = 110$

$\lambda = 8 \times 10^{-3} H$

$\vec{E}_c = \vec{V} + RI + j\omega \lambda I$

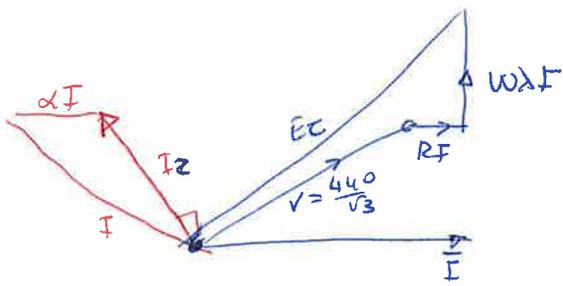
~~$\vec{E}_c = \frac{440}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ + (0.3)(40) \angle -36.87^\circ + j(2n50)(8 \times 10^{-3})(40) \angle 63.5^\circ$~~

$\vec{E}_c = \frac{440}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ + (0.3)40 \angle -36.87^\circ + (2n50)(8 \times 10^{-3})(40) \angle 63.5^\circ$

k.e.u. resultate  $E_c = 300V$

$E_{c\text{ línea}} = 300\sqrt{3} = 520V$

Reg % =



$$\vec{E}_c = \frac{440}{\sqrt{3}} \angle 36.87^\circ \pm \gamma + [0.3 + j21.50 (5 \times 10^{-3})] \cdot 40 \angle 0^\circ = 300 \angle 46^\circ$$

$$E_{c \text{ lin}} = 520 \text{ V.}$$

$I_f = 10 \text{ A}$  (aprox. un frasco en la tabla).

$$I_c = 10 \angle 46^\circ + 90^\circ = 10 \angle 136^\circ$$

$$\alpha \vec{I} = (0'1)(40) \angle 180^\circ$$

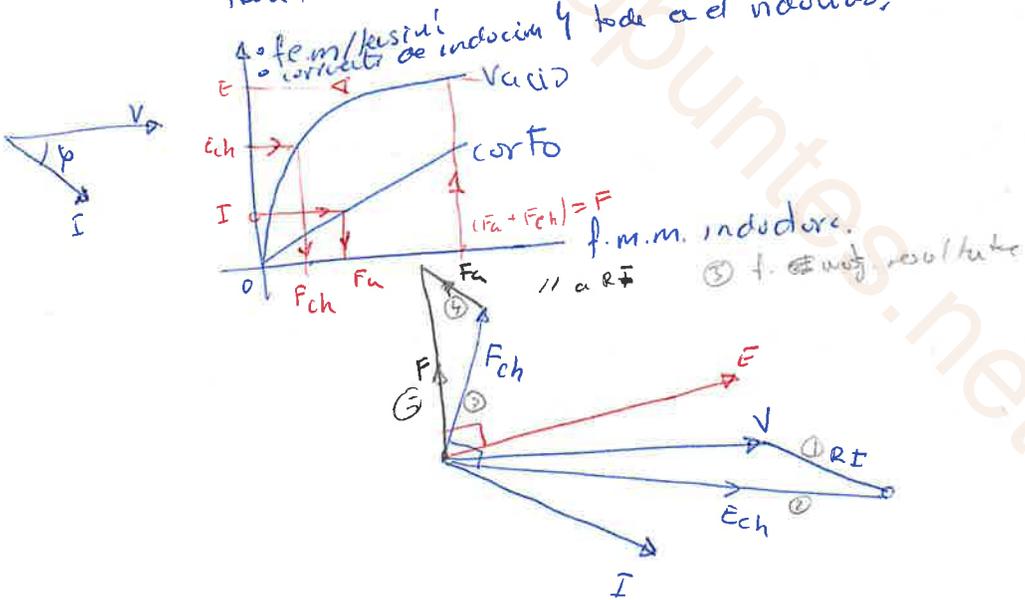
$$\vec{I} = \vec{I}_c + \alpha \vec{I} = 10 \angle 136^\circ + 4 \angle 180^\circ = 13 \angle 147^\circ$$

$$I = 13 \text{ A} \rightarrow E = 580 \text{ V (en la tabla)}$$

$$\text{Reg } \% = \frac{E - U}{U} \cdot 100 = \frac{580 - 440}{440} \cdot 100 = 32\%$$

### Metodo de la fuerza magnetomotriz

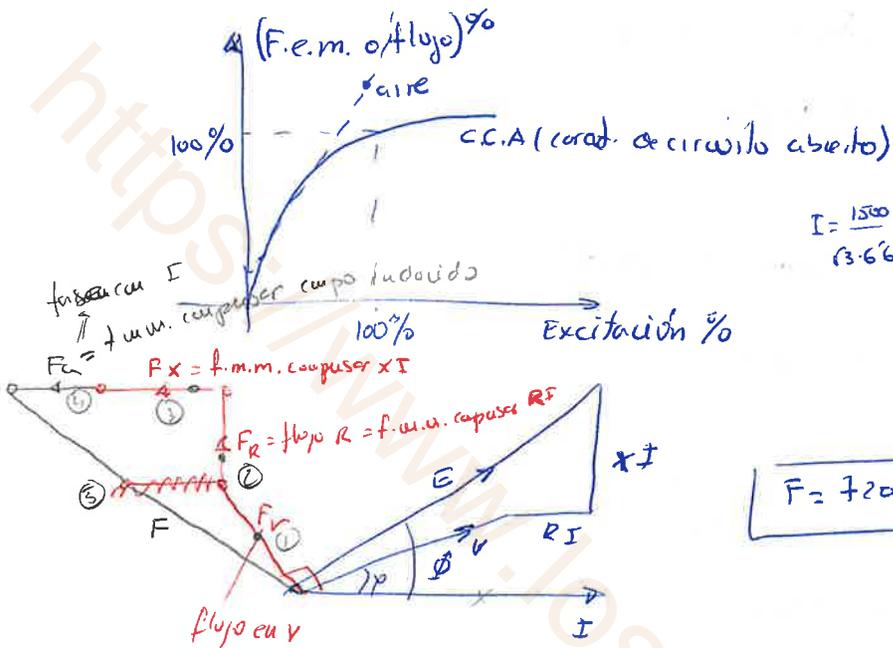
toda f.e.m. le corresponde una f.m.m. en el cuerpo  
 toda f.e.m. de induccion y toda en el individuo,



PROBLEMA DE FUERZAS MAGNETOSTATICAS.

29.25. Regulación método de los amp. vueltas

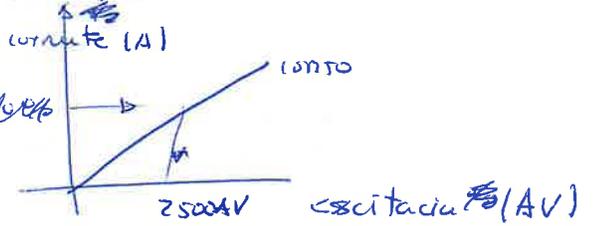
Un generador sincrónico de 1500 KVA, 6600V trifásico. Tene la característica de circuito abierto como le de el circuito



Hallar la excitación por polos

caída por actual  $(2+j'8) \% = 2\%$

$I = \frac{1500}{\sqrt{3} \cdot 6600}$

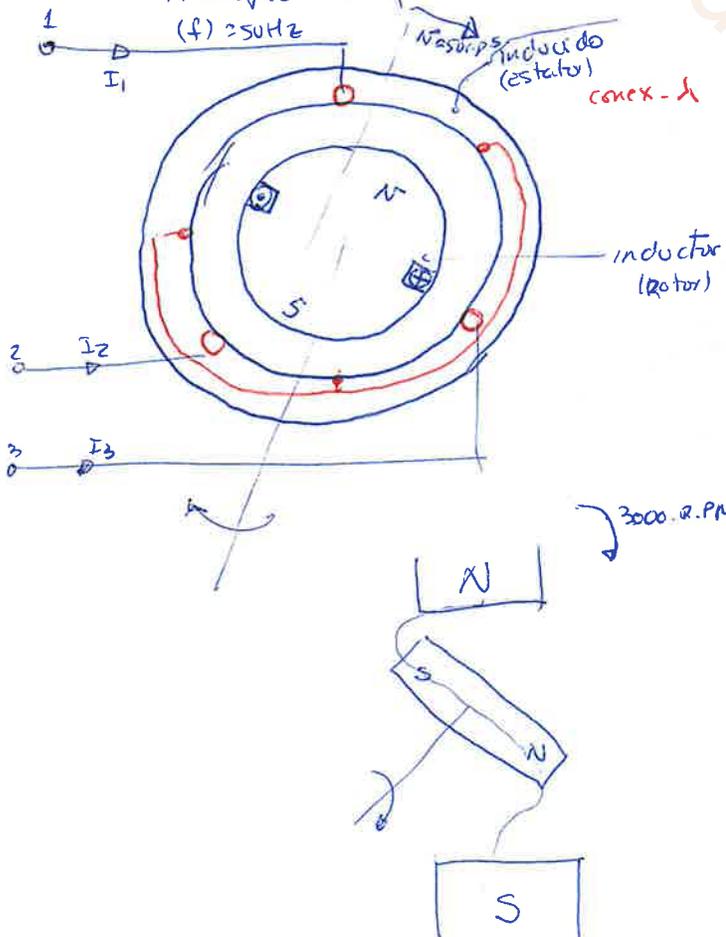


$F = 7200 \text{ AV}$

MOTOR SINCRONO.

**MUY IMPORTANTE.**

Principio de funcionamiento del motor sincrónico.



$N = \frac{f}{p} = \frac{50}{1} \text{ SORPS.}$

el campo va girando a 50RPS.

motor sincrónico gira a velocidad cte  
la velocidad sincrónica es cte