

EQUACIONES PARAMÉTRICAS DE LA POTENCIA.

o por convención generador:

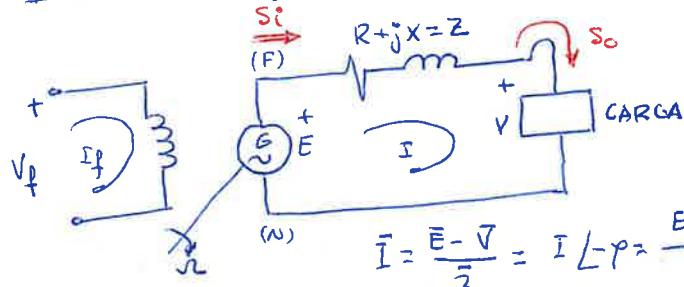
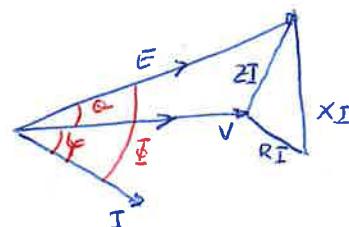


Diagrama vectorial tomando V como origen de vectores



podemos analizar la potencia de la salida y la potencia de entrada por fase. $\bar{s}_i = \bar{E} \bar{I}^*$
lo analizo exponencialmente.

$$\bar{I} = \frac{E L^0 - V L^0}{Z L^0} = \frac{E e^{j\theta} - V e^{j\theta}}{Z e^{j\theta_{cc}}} = \frac{E e^{j\theta} - V e^{j\theta}}{Z} \cdot e^{j\theta_{cc}} = \frac{E e^{j(\theta - \theta_{cc})} - V e^{j\theta_{cc}}}{Z}$$

$$\bar{I}^* = \frac{E e^{j(\theta_{cc} - \theta)} - V e^{j\theta_{cc}}}{Z} \quad \text{empleando } \bar{s}_i = \bar{E} \bar{I}^* = E e^{j\theta} \cdot \frac{E e^{j(\theta_{cc} - \theta)} - V e^{j\theta_{cc}}}{Z}$$

$$\bar{s}_i = \frac{E^2}{Z} e^{j\theta_{cc}} - \frac{EV}{Z} e^{j(\theta_{cc} + \theta)} = \frac{E^2}{Z} (\cos \theta_{cc} + j \sin \theta_{cc}) - \frac{EV}{Z} (\cos(\theta_{cc} + \theta) + j \sin(\theta_{cc} + \theta))$$

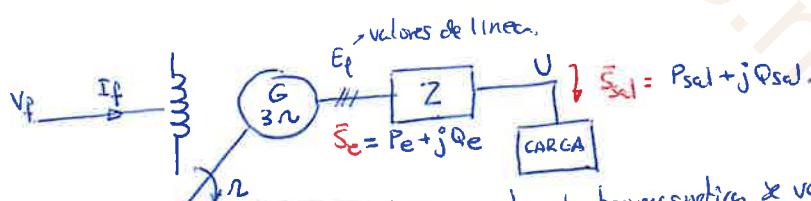
$$\bar{s}_i = P_i + j Q_i = \frac{E^2}{Z} \cos \theta_{cc} - \frac{EV}{Z} \cos(\theta_{cc} + \theta) + j \left[\frac{E^2}{Z} \sin \theta_{cc} - \frac{EV}{Z} \sin(\theta_{cc} + \theta) \right]$$

potencia de entrada por fase.

potencia activa y

reactiva por fase.

Ahora ponga la máquina trifásica en forma unifilar.



$P_e = \text{pot. electromagnética}$ se va a convertir de la pot. mecánica a la eléctrica
 $Q_e = \text{pot. reactiva total generada}$

entonces:

- $P_e = 3 P_i = \frac{3E^2}{Z} \cos \theta_{cc} - \frac{3EV}{Z} \cos(\theta_{cc} + \theta) = \text{Pot. electromagnética (activa)}$ también puede ser $P_e = \sqrt{3} E_f I \cos \phi$
- $Q_e = 3 Q_i = \frac{3E^2}{Z} \sin \theta_{cc} - \frac{3EV}{Z} \sin(\theta_{cc} + \theta) = \text{Pot. reactiva total generada.}$

- Se hace los mismos cálculos pero con la potencia de salida.

$$\bar{S}_o = \bar{V} \bar{I}^* \quad \bar{I}^* = \frac{E e^{j(\varphi_{cc}-\theta)} - V e^{j\varphi_{cc}}}{Z}$$

$$\bar{S}_o = \bar{V} \cdot \bar{I}^* = V e^{j\theta} \cdot \frac{E e^{j(\varphi_{cc}-\theta)} - V e^{j\varphi_{cc}}}{Z} = \frac{V E}{Z} e^{j(\varphi_{cc}-\theta)} - \frac{V^2}{Z} e^{j\varphi_{cc}}$$

$$\bar{S}_o = P_o + j Q_o = \underbrace{\frac{V E}{Z} \cos(\varphi_{cc}-\theta) - \frac{V^2}{Z} \cos \varphi_{cc}}_{P_o} + j \left[\underbrace{\frac{V E}{Z} \sin(\varphi_{cc}-\theta)}_{Q_o} - \frac{V^2}{Z} \sin \varphi_{cc} \right]$$

potencia activa y reactiva de salida por fase.

potencia de
salida por fase
por conmutación generadora

La potencia se salida trifásico generadora.

$$\bar{S}_{Sal} = 3 \bar{S}_o = P_{Sal} + j Q_{Sal}.$$

$$P_{Sal} = 3 P_o = \frac{3 V E}{Z} \cos(\varphi_{cc}-\theta) - \frac{3 V^2}{Z} \cos \varphi_{cc}$$

potencia activa consumida por las cargas
(potencia de salida activa)

$$Q_{Sal} = 3 Q_o = \frac{3 V E}{Z} \sin(\varphi_{cc}-\theta) - \frac{3 V^2}{Z} \sin \varphi_{cc}$$

potencia reactiva de salida.

La diferencia P_e y la P_{Sal} es lo → efectos Faraday.

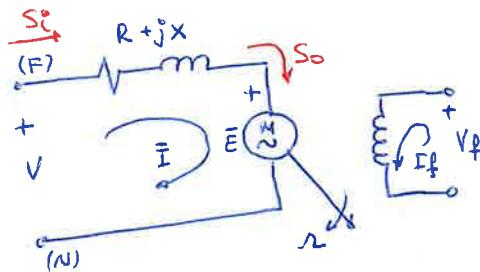
La " " Q_e y la Q_{Sal} es lo → debido flujos de dispersión.

$$P_{Sal} = \sqrt{3} V I \cos \varphi$$

$$Q_{Sal} = \sqrt{3} V I \sin \varphi.$$

• por convención motor

diagrama vectorial tomando V como origen de vectores



$$-V + ZI + E = 0 \quad I = \frac{V - E}{Z} = \frac{V \angle 0^\circ - E \angle -\theta}{Z \angle 0^\circ} = \frac{V \angle 0^\circ - E \angle (\theta - \phi_{rc})}{Z \angle 0^\circ} \quad I^* = \frac{\sqrt{V^2 - E^2}}{Z} e^{j\theta}$$

$$\bar{S}_c = \bar{V} \cdot \bar{I}^* \quad \bar{I} = \frac{V e^{j0^\circ} - E e^{j\theta}}{Z e^{j\phi_{rc}}} = \frac{V e^{j0^\circ} - E e^{-j(\theta - \phi_{rc})}}{Z} \cdot e^{j\phi_{rc}} = \frac{V e^{-j\phi_{rc}} - E e^{-j(\theta - \phi_{rc})}}{Z}$$

$$\bar{S}_c = \bar{V} \cdot \bar{I}^* \quad \bar{I}^* = \frac{V e^{j\phi_{rc}} - E e^{j(\theta - \phi_{rc})}}{Z} \quad \bar{S}_c = V e^{j0^\circ} \frac{V e^{j\phi_{rc}} - E e^{j(\theta - \phi_{rc})}}{Z}$$

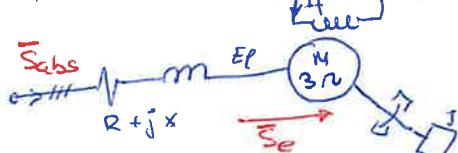
$$\bar{S}_c = \frac{V^2}{Z} e^{j\phi_{rc}} - \frac{VE}{Z} e^{j(\theta - \phi_{rc})} = \frac{V^2}{Z} \cos \phi_{rc} + j \frac{V^2}{Z} \sin \phi_{rc} - j \left[\frac{VE}{Z} \cos (\theta - \phi_{rc}) + \frac{VE}{Z} \sin (\theta - \phi_{rc}) \right]$$

$$\bar{S}_c = \frac{V^2}{Z} \cos \phi_{rc} - \frac{VE}{Z} \cos (\theta - \phi_{rc}) + j \left[\frac{V^2}{Z} \sin \phi_{rc} - \frac{VE}{Z} \sin (\theta - \phi_{rc}) \right]$$

potencia activa de entrada por fase

potencia reactiva de entrada por fase

espectro trifásico unifásico.



con los tres fases.

$$\bar{S}_{abs} = 3 \bar{S}_c = P_{abs} + j Q_{abs}$$

potencia activa y reactiva trifásica absorbida

$$P_{abs} = \frac{3V^2}{Z} \cos \phi_{rc} - \frac{3EV}{Z} (\theta - \phi_{rc}) \quad P_{abs} = \sqrt{3} VI \cos \phi$$

$$Q_{abs} = \frac{3V^2}{Z} \sin \phi_{rc} - \frac{3EV}{Z} \sin (\theta - \phi_{rc}) \quad Q_{abs} = \sqrt{3} VI \sin \phi$$

- Ahora calculo la potencia de salida.

$$\bar{S}_e = 3 \bar{S}_o = 3 \bar{E} \bar{I}^* = 3 E \angle 0^\circ \cdot \frac{V \angle 0^\circ - E \angle -\theta}{Z \angle 0^\circ} = \frac{3EV}{Z} \angle \phi_{rc} - \frac{3E^2}{Z} \angle \phi_{rc}$$

menos pues en el diagrama es menos

$$\bar{S}_e = P_e + j Q_e = / P_e = \frac{3EV}{Z} \cos (\phi_{rc} - \theta) - \frac{3E^2}{Z} \cos \phi_{rc}$$

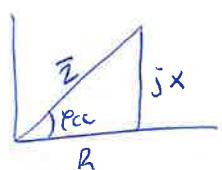
$$/ Q_e = \frac{3EV}{Z} \sin (\phi_{rc} - \theta) - \frac{3E^2}{Z} \sin \phi_{rc}$$

diferencia entre P_{abs} y $P_e \Rightarrow$ perdidas efectos Joule y perdida dispersión, se determina $\Rightarrow P_{je}$.

diferencia entre Q_{abs} y $Q_e \Rightarrow$ flujo de dispersión de la máquina.

Si la resistencia por fase vale cero $R=0 \Rightarrow$ entonces la expresión P_{abs} y Q_{abs} se desprecia.

$$R=0$$



$$R=0 \Rightarrow \varphi_{cc}=90^\circ$$

$$P_{abs} = \frac{3\bar{E}V}{X} \sin\theta$$

$$Q_{abs} = \frac{3V^2}{X} - \frac{3\bar{E}V}{X} \underbrace{\sin(\theta+90^\circ)}_{\cos\theta}$$

PROBLEMA. 29.40.

Un motor sincrónico trifásico conectado en estrella, de 100 CV, 500 V, tiene una resistencia y una reactancia sincrónica por fase de 0'03 Ω y 0'3 Ω respectivamente. Calcular para la plena carga y un factor de potencia de 0.8 I) en adelanto y II) en retraso, lo siguiente:

a) fuerza electromotriz por fase. E

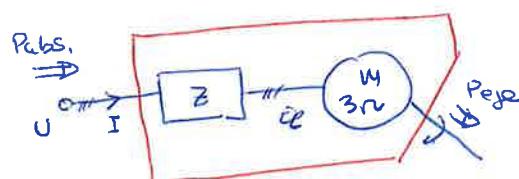
b) potencia mecánica total desglosada (P_e). Supóngase un rendimiento del 93%.

Solución: [I) a) 309 V; b) 79200 W; II) a) 266 V; b) 79200 W]

$$\eta = 0.93$$

a) E=? b) P_e ?

$$\bar{Z} = 0'03 + j0'3 \Omega = 0'30$$



$$P_{\text{abs}} = \sqrt{3} U I \cos \varphi$$

$$P_{\text{abs}} = \frac{P_{\text{eje}}}{\eta}$$

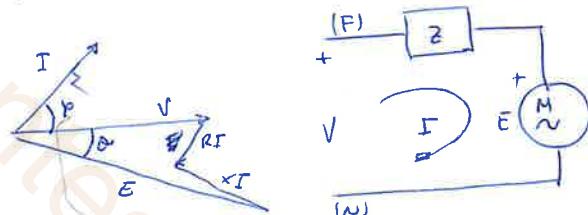
$$100 \text{ CV} \cdot 746 = 74600 \text{ W}$$

$$I = \frac{P_{\text{abs}}}{\sqrt{3} U \cos \varphi}$$

↑ tensión entre hilos.

$$I = \frac{(746) \cdot 100 / 0.93}{\sqrt{3} \cdot (500) / 0.8} = 115.78 \text{ A}$$

caso I) régimen capacitativo.



$$\bar{V} = \frac{U}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ = V \angle 0^\circ = \frac{500}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ$$

$$-V + ZI + E = 0 \quad \bar{E} = V - ZI$$

$$\bar{Z} = 0'03 + j0'3 = 0'301 \angle 84'26^\circ$$

$$\bar{E} = E \angle 0^\circ = \frac{500}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ - 0'301 \angle 84'26^\circ = 115.78 \angle 136'87^\circ$$

as positivo
por ser régimen capacitativo

$$\bar{E} = E \angle 0^\circ = \frac{500}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ - 34.85 \angle 121'59^\circ$$

$$\bar{E} = E \angle 0^\circ = \frac{500}{\sqrt{3}} + 18'032 - j29'822 = 306'707 - j29'822 =$$

$$\boxed{\bar{E} = 308'184 \angle -5'544 = 0}$$

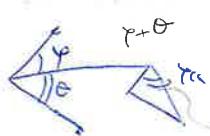
valor simple de la fuerza electromotriz inducida.

tensión de línea o tensión compuesta

$$E_L = \sqrt{3} E = 539'4^\circ$$

b) potencia electromagnética bruta.

$$P_e = \sqrt{3} E I \cos \phi \quad \circ \quad P_e = \sqrt{3} \cdot \sqrt{3} \bar{E} I \cos \phi = 3 \cdot (308'154) (115'78) \cos (\varphi + \theta) =$$



$$P_e = 79'010 \text{ KW}$$

otra forma para calcular el P_e

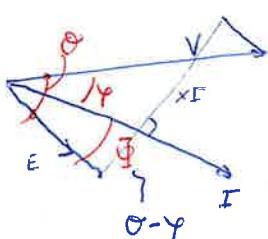
$$\boxed{P_e = \frac{3EV}{Z} \cos(\varphi_{cc} - 101) - \frac{3E^2}{Z} \cos \varphi_{cc}} = \frac{3 \cdot (308'154)}{0'301} \frac{500}{\sqrt{3}} \cos(84'289 - 5'554) - \frac{3 \cdot (308'154)^2}{301}$$

$$\circ \cos 84'289 = 173196'4 - 94180'39 = 79016 \text{ W} = \boxed{79'016 \text{ KW}}$$

CASO (II) a) régimen inductivo.

es inductivo al ser inductivo es inductivo
también es la superficie.

$$\bar{E} = \bar{V} - \bar{Z}\bar{I} = \frac{500}{\sqrt{3}} 10^\circ - 0'301 \underline{84'289 - 115'78} \underline{-36'87}$$



$$\bar{E} = \frac{500}{\sqrt{3}} 10^\circ - 34'850 \underline{47'49}$$

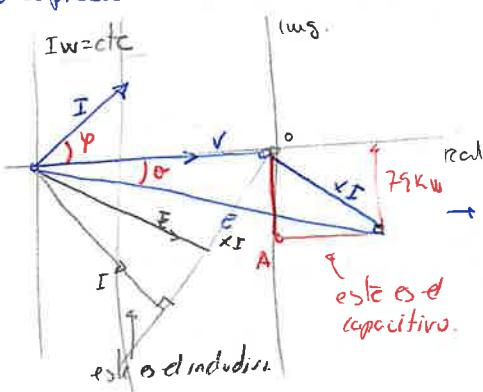
$$\bar{E} = \frac{500}{\sqrt{3}} - 23'581 - j 25'661 = 265'074 - j 25'661 = \boxed{266'353 \angle -5'521}$$

Valor simple
de la F. elec. inducida.

$$\boxed{b) P_e = 3EI \cos \phi = 3(266'353) \cdot (115'78) \cos \left(\frac{36'870 - 5'521}{\varphi - \theta} \right) = 77 \text{ KW}}$$

equivalente absoluto

— —
Si desprende la resistencia ohmica en el primer caso (I)



$$PA = XI \cos \phi = \frac{3V}{3V} \times I \cos \phi = K P_{abs} =$$

= Pot. mecánica bruta o electromagnética.

→ pot. mecánica bruta = pot. activa absorbida por el motor de la red.

$$P_{abs} = \sqrt{3} UI \cos \phi = cte.$$

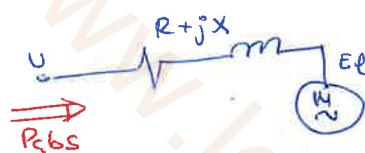
el 2947 tiene un error → 440 V
poner.

Problema. 29.41. La entrada de un motor sincrónico trifásico conectado en estrella de 11000 V es de 60 A. La resistencia efectiva y la reactancia sincrónica por fase son, respectivamente, de 12 y 30 Ω. Hallar:

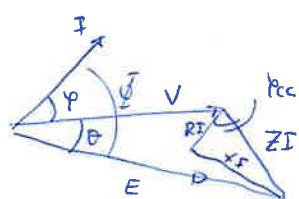
- La potencia suministrada al motor ~~y~~ la fuerza electromotriz inducida por un factor de potencia de 0,8; [Solución 915 kW]
- en adelanto [Solución 13000 V]
- en retraso [Solución 9360 V].

$$\bar{Z} = 1 + j30 = 30'01 \angle 86.9^\circ$$

$$a) P_{abs} = \sqrt{3} U I \cos \varphi = \sqrt{3} \cdot 11000 \text{ V} \cdot 60 \text{ A} \cdot 0.8 = 91452 \text{ kW}$$



b) diagrama vectorial (en adelanto)



$$\bar{E} = \bar{V} - \bar{Z} \bar{I}$$

$$\bar{E} = \frac{11000}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ - 30'01 \angle 86.9^\circ \cdot 60 \angle 36.87^\circ$$

$$\bar{E} = \frac{11000}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ - 180'2 \angle 124.96^\circ$$

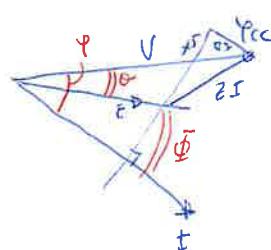
$$\bar{E} = \frac{11000}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ - [-1032'12 + j1476'16] = 7382'97 - j1476'16 =$$

$$\bar{E} = 7529'10 \angle -11.31^\circ = 0$$

fuerza electromotriz simple.

$$[E_p = \sqrt{3} E = \sqrt{3} \cdot 7529'10 = 13040'78 \text{ V.}] *$$

c) inductivo. diagrama vectorial.



$$\bar{I} = j \angle \varphi = 60 \angle 36.87^\circ$$

Haciendo el mismo proceso pero q el ser inductivo es -36.87° .

$$\bar{E} = \bar{V} - \bar{Z} \bar{I} = \frac{11000}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ - 30'02 \angle 86.05^\circ \cdot 60 \angle -36.87^\circ = 5404'00 \angle 10^\circ$$

Fuerza electromotriz simple.

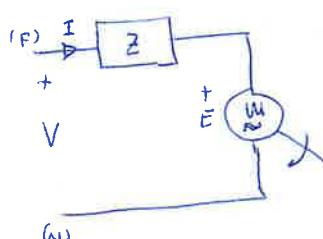
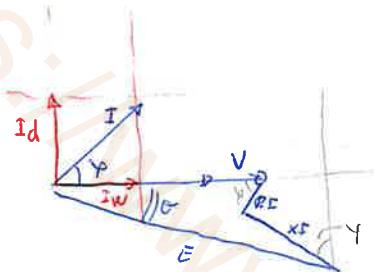
$$[E_p = \sqrt{3} E = \sqrt{3} \cdot 5404 = 9360 \text{ V.}] *$$

Problema. 29.42.

Un motor sincrónico trifásico, conectado en estrella, de 2000V, tiene una resistencia efectiva y una reactancia sincrónica de 0'2 y 2'2 Ω por fase, respectivamente.

La entrada es de 300Kw a la tensión normal y la f.e.m. de linea inducida es de 2500V. Calcula la corriente de linea y el factor de potencia.

Solución [254A; 0'91 en adelante]



$$E = \frac{E_p}{\sqrt{3}}$$

$$\bar{I} = \frac{\bar{V} - \bar{E}}{Z}$$

$$I_{L\phi} = \frac{\sqrt{3} U \cos \varphi}{Z L_{\text{exc}}}$$

$$P_{\text{abs}} = \sqrt{3} U I \cos \varphi = \sqrt{3} U \frac{I}{\sqrt{3}} I_W$$

$$300 = \sqrt{3} \cdot (2kV) I_W \rightarrow I_W = 230'94 A$$

$$\bar{Z} = 0'2 + j 2'2 = 2'21 \angle 84'81^\circ$$

$$I_{L\phi} = \frac{\frac{2000}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ - \frac{2500}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ}{2'21 \angle 84'81} = 522'71 \angle -84'81 - 653'39 \angle -(0+84'81)$$

$$I \cos \varphi = 230'94 = 522'71 \cos(-84'81) - 653'39 \cos[-(0+84'81)] \rightarrow$$

$$I \sin \varphi = 522'71 \sin(-84'81) - 653'39 \sin[-(0+84'81)] \quad (+) \quad I \sin \varphi = -522'71 \sin(84'81) + 653'39 \sin(0+84'81)$$

$$\rightarrow 230'94 = 47'28 - 653'39 \cos[-(0+84'81)]$$

$$653'39 \cos[-(0+84'81)] = -183'66$$

$$-(0+84'81) = -106'33$$

$$\cos \alpha = \frac{-183'66}{653'39} = -0'28 \quad \alpha = 106'33^\circ$$

$$\theta = 106'33 - 84'81 = \frac{\theta = 21'52^\circ}{\text{sustituyendo en (1)}}$$

$$\text{y se obtiene } I_d = I \sin \varphi = 106'41 A.$$

$$\bar{I} = I_W + j I_d = 230'94 + j 106'41 = \sqrt{230'94^2 + 106'41^2} = 254 \quad \angle \varphi = 24'75^\circ$$

$$\boxed{\bar{I} = 254 \angle 24'75^\circ}$$

$$\cos 24'75^\circ = 0'908$$

$$\boxed{\text{f.d.p.} = 0'908}$$

$$\cos(-106'33) = \cos(84'81)$$

$$\sin(-106'33) = -\sin(84'81)$$

Problema 29.44.

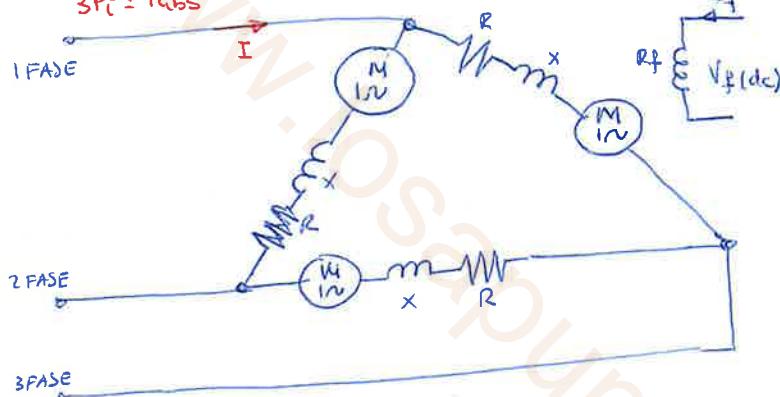
¿Cuál es la salida que corresponde a la entrada máxima de un motor sincrónico trifásico, conectado en triángulo, de 250V, 20CV, cuando la f.e.m. generada es de 320V? La resistencia efectiva y la reactancia sincrónica por fase son, respectivamente, de 0'3Ω y 4'5Ω. Las pérdidas por fricción, rozamiento con el aire, en el hierro y excitación ascienden en total a 800W, y se supone permanecen estables. Hallar los valores de a) la potencia en caballetes, [solución 63'7CV]

b) la corriente de línea [solución 161A]

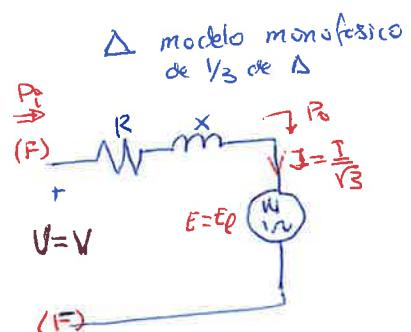
c) el factor de potencia [solución 0'804]

$$P_i = \frac{V^2}{Z} \cos \varphi_{cc} - \frac{E^2}{Z} \cos(\varphi_{ct} + \theta)$$

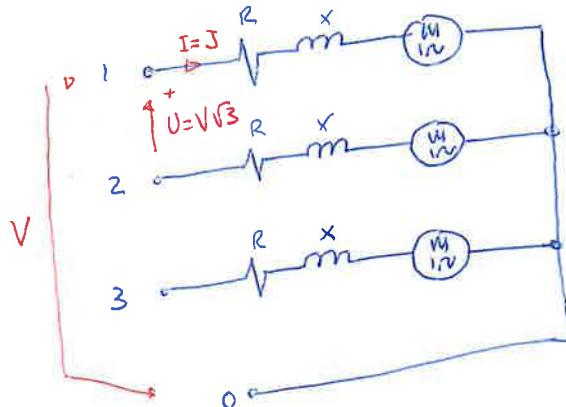
$$3P_i = P_{abs}$$



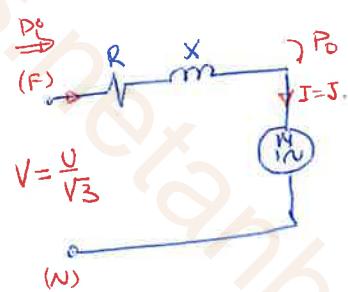
TRIÁNGULO Δ



ESTRELLA λ

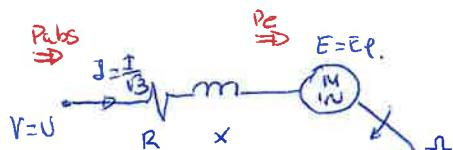


modelo monofásico λ

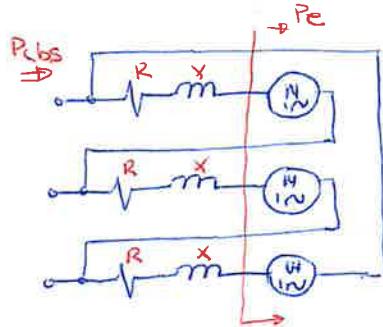


La diferencia del modelo monofásico en Δ es que está entre fase y fase, mientras que el estrella está entre fase y neutro.

esquema unifilar del Δ



otra forma de representar el Δ para ver la Pe



$$\text{potencia de entrada por fase} \quad P_i = \frac{V^2}{Z} \cos \varphi_{cc} - \frac{EV}{Z} \cos(\varphi_{cc} + \theta)$$

Para que sea potencia máxima es qd $\cos(\varphi_{cc} + \theta) = -1$ entonces es máxima

$$\text{la potencia de entrada} \quad \varphi_{cc} + \theta = 180^\circ$$

$$Z = 0'3 + j4'5 = 4'51 \quad \underline{\varphi_{cc} = 86'19^\circ} \quad \text{entonces} \quad 86'19 + \theta = 180 \Rightarrow \underline{\theta = 93'81^\circ}$$

como es Δ $U = V$

$$P_{i\max} = \frac{250^2}{4'51} \cos 86'19 + \frac{(320)(250)}{4'51} = 0'928 \text{ kW} + 17'74 \text{ kW} = \underline{18'66 \text{ kW}}$$

potencia de entrada máxima por fase

④ potencia de salida por entrada máxima.

→ cuando cuando la entrada es mínima

$$P_o = \frac{EV}{Z} \cos(\varphi_{cc} - \theta) - \frac{E^2}{Z} \cos \varphi_{cc}$$

$$P_o = \frac{(250)(1550)}{4'51} \cos(86'19 - 93'81) - \frac{(320)^2}{4'51} \cos 86'19 = 17'58 \text{ kW} - 1'51 \text{ kW} = \underline{16'07 \text{ kW} = P_o}$$

por fase

→ por las tres fases

$$P_e = 3P_o = 48'21 \text{ kW}$$

$$\underline{P_{je} = P_e - P_{rot} = 48'21 \text{ kW} - 0'8 \text{ kW} = 47'41 \text{ kW} = \frac{47'41 \text{ kW}}{0'746} = 63'55 \text{ CV}}$$

* para ponerlo en cubillo

La diferencia de la $P_{i\max}$ y $P_{i\min}$ es la perdida Joule por fase la magnifica efecto.

⑤ diferencia de la $P_{i\max}$ y $P_{i\min}$ es la perdida Joule por fase la magnifica efecto.

$$R J^2 = P_{i\max} - P_o \quad \text{por fase}, \quad 3R J^2 = P_{abs} - P_e \quad \text{por las tres fases}.$$

$$0'3 J^2 = (18'66 - 16'07) \cdot 10^3 \quad J = 92'92 \text{ A}$$

$$\underline{I = \sqrt{3} J = \sqrt{3} \cdot 92'92 \text{ A} = 160'93 \text{ A}}$$

⑥ determina el coseno.

$$P_{abs} = \sqrt{3} V I \cos \varphi = 3 V J \cos \varphi \Rightarrow$$

$$\cos \varphi = \frac{P_{abs}}{3 V J} = \frac{\frac{3 P_{i\max}}{\sqrt{3} U J}}{\sqrt{3} U J} = \frac{3 \cdot 18'66 \cdot 10^3}{\sqrt{3} 1250 \cdot 160'93} =$$

$$\underline{\cos \varphi = 0'803 / \text{f.d.p.}}$$

Problema 29.45.

La excitación de un motor sincrónico trifásico de 415V, conectado en triángulo, es tal que la f.e.m. inducida es de 520V. La impedancia por fase es de $0'5 + j4\Omega$. Si las pérdidas por fricción y en el hierro son constantes, de 1000W, calcular la salida en caballlos de vapor, la corriente de linea, el factor de potencia y el rendimiento para a) máxima salida de potencia, b) máxima entrada de potencia.

Solución

$$\boxed{\begin{array}{l} \text{a) } 180CV, 268A, 0'87, 78'4\% \\ \text{b) } 177CV, 303A, 0'815, 74'6\% \end{array}}$$

como es Δ $V = U = 415V$ $E = 520V$
 $0'5 + j4 \Omega/f = \bar{Z}$ $P_{rot} = 1000W$

a) $P_0 = \frac{EV}{2} \cos(\gamma_{cc} - \theta) - \frac{E^2}{2} \cos \gamma_{cc}$ para P_0 sea max $\rightarrow \cos(\gamma_{cc} - \theta) = 1$
 $\gamma_{cc} - \theta = 0^\circ$
 $\boxed{\gamma_{cc} = \theta}$

$$\bar{Z} = 0'5 + j4 = 4'03 \quad \underline{\gamma_{cc} = 82'87^\circ}$$

$$P_e = 3P_0 = \frac{3 \cdot (520)(415)}{4'03} \frac{1}{\cos(82'87 - 82'87)} - \frac{3(520)^2}{4'03} \cos 82'87.$$

tres veces
la potencia
de salida por
fase.

potencia de
salida por
fase

$$P_e = 160'65 \text{ kW} - 24'98 \text{ kW} = P_c = 135'67 \text{ kW}.$$

$$P_{ej} = P_e - P_{rot} = 135'67 \text{ kW} - 0'1 \text{ kW} = 134'67 \text{ kW}.$$

$$\text{lo paso a caballo} \quad \frac{134'67}{0'746} = \boxed{180'32 \text{ CV}} *$$

como es Δ $I = \sqrt{3} J$.

$$\begin{aligned} \bar{J} &= \frac{\bar{V} - \bar{E}}{\bar{Z}} = \frac{415 \angle 0^\circ - 520 \angle -82'87^\circ}{2 \cdot 4'03 \angle 82'87^\circ} = \frac{415 - 764'54 - j515'98}{2 \cdot 4'03 \angle 82'87^\circ} = \\ &= \frac{350'46 + j515'98}{4'03 \angle 82'87^\circ} = \frac{623'74 \angle 55'82^\circ}{4'03 \angle 82'87^\circ} \end{aligned}$$

$$\bar{J} = 154'77 \angle 27'05^\circ \quad \boxed{\cos \varphi = 0'87}$$

$$I = \sqrt{3} \cdot J = \sqrt{3} \cdot 154'7 = \boxed{268'08 A} *$$

$$\boxed{\eta \% = \frac{P_{ej}}{P_{abs}} \times 100 = \frac{134'67 \text{ kW}}{P_{abs}} \times 100 = \frac{134'67}{\sqrt{3}(415)(268'08)(0'87) \cdot 10^{-3}} \times 100 = 78'32 \%}$$

⑥ el apartado b se hace como el problema 29.44.

$$P_i = \frac{V^2}{2} \cos \gamma_{cc} - \frac{EV}{2} \cos(\gamma_{cc} + \theta) \quad \text{para que sea potencia maxima es } \cos(\gamma_{cc} + \theta) = -1.$$

fazibien para una maxima salida de potencia corresponde a la $P_i = \frac{V^2}{2} \cos \theta - \frac{EV}{2} \cos(\theta + 82'87)$

b) para una potencia de entrada máxima.

$$\text{Datos } U = V = 415V$$

$$E = 520V$$

$$Z = 0'5 + j4\Omega$$

$$P_{rot} = 1000\Omega$$

$$P_i = \frac{V^2}{Z} \cos \varphi_{cc} = \frac{EV}{Z} \cos(\varphi_{cc} + \theta)$$

para que la entrada sea máxima. $\cos(\varphi_{cc} + \theta) = -1$

entonces $\varphi_{cc} + \theta = \pi$.

φ_{cc} será $|Z| = \sqrt{0'5^2 + 4^2} = 4'03 \quad \underline{\varphi_{cc}} = 82'87^\circ$

$$\varphi_{cc} + \theta = \pi \quad 82'87 + \theta = \pi \quad \underline{\theta = \pi - 82'87 = 97'13^\circ}$$

entonces la potencia de salida para una máxima entrada de potencia es:

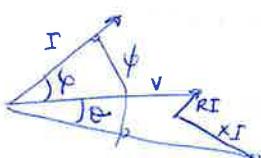
$$P_0 = \frac{EV}{Z} \cos(\varphi_{cc} - \theta) = \frac{EV}{Z} \cos \varphi_{cc} = \frac{(520)(415)}{4'03} \cos(82'87 - 97'13) - \frac{(520)^2}{4'03} \cos 82'87$$

$$P_0 = 51898'45 - 8328'12 = 43570 \text{ W por fase}$$

$$P_e = 3P_0 = 3 \cdot 43570 \text{ W} = 130710 \text{ W}$$

$$\boxed{P_{eje} = P_e - P_{rot} = 130710 - 1000 = 129710 \text{ W}} \text{ pasearlo a C.V. } \frac{129710}{746} = \underline{173'8 \text{ CV}}$$

como es conexión motor y como es Δ $\underline{J = I}$ señal de trabajo



$$J = \frac{V - E}{Z} = \frac{V \angle 0^\circ - E \angle 0^\circ}{Z \angle \varphi_{cc}} = \frac{415 - 520 \angle -97'13^\circ}{4'03 \angle 82'87^\circ} =$$

$$= \frac{479'5 + j515}{4'03 \angle 82'87^\circ} = \frac{704'38 \angle 147^\circ}{4'03 \angle 82'87^\circ} = 174'78 \angle 35'8^\circ \text{ esta es la tensión de fase}$$

Ic de linea es: $\boxed{I = \sqrt{3} \cdot J = 302'73 \text{ A}}$

el f.d.p. = $\cos 35'8^\circ \quad \underline{\varphi = 0'811} \quad \boxed{\text{f.d.p} = 0'811}$

el rendimiento $\eta = \frac{P_{eje} \cdot 100}{P_{abs}} = \frac{129710 \text{ W}}{\sqrt{3} \cdot UI \cdot \cos \varphi} = \frac{129710 \text{ W}}{\sqrt{3} \cdot (415) \cdot (302'73) \cdot 0'811} \cdot 100 = 73'60\%$

$$\boxed{\eta = \frac{P_{eje}}{P_{abs}} \cdot 100 = 73'60\%}$$

29.50. Un motor sincrónico trifásico de 6600V, conectado en estrella, trabaja con f.e.m. cte y reactancia cte. Si impedancia sincrónica es $20 + j20\Omega$ por fase. Cuando la entrada es de 1000kW, el factor de potencia es de 0.8 en adelanto. Hallar el factor de potencia cuando se aumenta la entrada a 1500kW. [solución 0.925 en adelanto]

-o-

$$\text{para } 1000\text{kW en la entrada, la corriente es: } I = \frac{P}{\sqrt{3} U \cos \varphi} = \frac{1000 \cdot 10^3}{\sqrt{3} \cdot 6600 \cdot 0.8}$$

$$I = 109'347^A \text{ en forma compleja } \bar{I} = 109'347 \angle 36'87^\circ$$

$$\text{La impedancia interna es: } \bar{Z} = 2 + j20 = 20'100 \angle 84'289^\circ$$

la f.e.m. inducida por fase.

$$\bar{E} = \bar{V} - \bar{Z}\bar{I} = \frac{6600}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ - 20'100 \angle 84'289^\circ \cdot 109'347 \angle 36'87^\circ$$

$$\bar{E} = 4946'412 - j1881'591 = 5292,200 \angle -20'827^\circ$$

EL descenso angular de la red de polo correspondiente a la potencia de 1500kW en la entrada, se halla a partir de la ec. paramétrica.

$$P_i = 3 \frac{\bar{V}^2}{Z} \cos \varphi_{cc} - \frac{3EV}{Z} \cos(\varphi_{cc} + \theta)$$

$$1500 \cdot 10^3 = 3 \left(\frac{6600}{\sqrt{3}} \right)^2 \frac{1}{20'100} \cos 84'289^\circ - 3 \frac{6600}{\sqrt{3}} \cdot 5292'200 \cdot \frac{1}{20'100} \cos(84'289 + \theta)$$

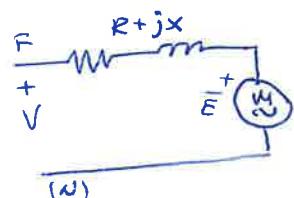
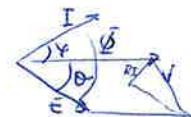
$$\text{y de aquí } -\cos(84'261 + \theta) = -0'4267 \quad 84'261 + \theta = 115'158 \\ \boxed{\theta = 30'997^\circ}$$

La corriente compleja consumida para la potencia de 1500kW es:

$$\bar{I} = \frac{\bar{V}\bar{I}_0 - \bar{E}\bar{L}_0}{Z} = \frac{\frac{6600}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ - 5292'200 \angle -30'897}{20'100 \angle 84'289} = 140'322 \angle 20'626$$

El f.d.p. en la entrada es por lo tanto:

$$\text{f.d.p.} = \cos 20'626 = \underline{\underline{0'936}} \text{ en adelanto ya que positivo}$$

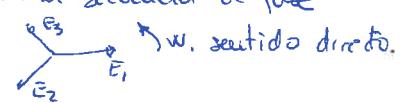


Para que dos alternadores se puedan poner en paralelo tienen que tener la misma:

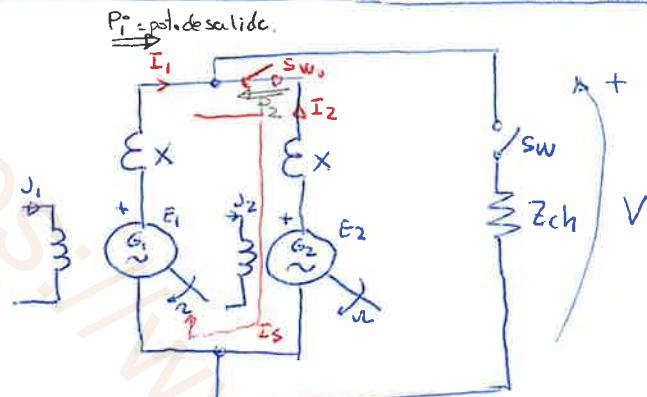
- misma frecuencia
- " f.e.m. $E_1 = E_2 = E$
- " fase

mono fase.

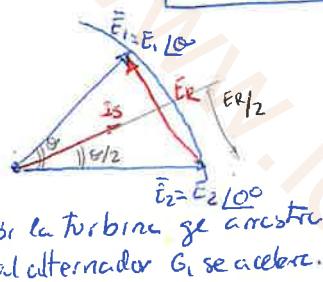
trifásico: misma secuencia de fase



CORRIENTE SINCRONIZANTE, POTENCIA SINCRONIZANTE.



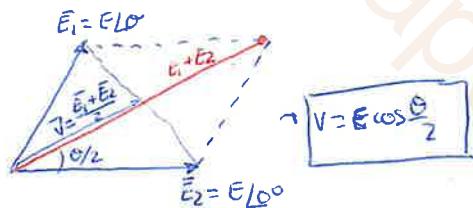
P_0 : pot. desalida.



Si la turbina ge anasta al alternador G1 se acelera.

$$I_S = \frac{E_0}{2x}$$

$$\frac{E_R}{2} = E \sin \frac{\theta}{2}$$



desde el punto de vista:
del primer alternador
del segundo alternador

I_1, I_2 = corrientes inducidas

condiciones iniciales: los dos alternadores giran a la misma velocidad ω_0 , se supone igualmente excitado los campos $I_1 = I_2 \Rightarrow$ je la fuerza electromotriz $E_1 = E_2 = E$ $\bar{E}_1 = E L0^\circ$ $\bar{E}_2 = E L0^\circ$

Si cerramos SW_0 .

$$\bar{I}_S = \frac{\bar{E}_1 - \bar{E}_2}{j2x} = \frac{\bar{E}_1 L0^\circ - \bar{E}_2 L0^\circ}{j2x} = \frac{\bar{E}_R}{j2x} \quad I_S = \frac{E_R}{2x}$$

$$I_S = \frac{E}{X} \sin \frac{\theta}{2}$$

valor modular de la corriente sincronizante.

$$\begin{aligned} \bar{V} &= \bar{E}_1 - j120^\circ \cdot \bar{I}_1 = \bar{E}_1 - j120^\circ \cdot I_S \\ \bar{V} &= \bar{E}_2 + j120^\circ \cdot \bar{I}_2 = \bar{E}_2 + j120^\circ \cdot I_S \\ 2\bar{V} &= \bar{E}_1 + \bar{E}_2 \end{aligned}$$

potencias:

$$P_1 = V I_1 \cos(\bar{V} I_1)$$

$$\text{coro } I_1 = I_S \quad V = \frac{E}{2} \quad I_S = \frac{E}{2} \quad \frac{\theta}{2} - \frac{\theta}{2} = 0.$$

$$P_1 = V I_S \cos(\bar{V} I_S)$$

$$P_1 = \left[E \cos \frac{\theta}{2} \right] \left[E_x \sin \frac{\theta}{2} \right] \cdot 1$$

$$P_1 = \frac{E^2}{2x} \sin \theta$$

$$P_2 = V I_2 \cos(\bar{V} I_2)$$

$$P_2 = V I_S \cos 180^\circ$$

$$P_2 = \left[E \cos \frac{\theta}{2} \right] \left[E_x \sin \frac{\theta}{2} \right] (-1)$$

$$P_2 = \frac{-E^2}{2x} \sin \theta$$

las potencias P_1 y P_2 se llaman potencias sincronizantes.

La potencia sincronizante es suministrada por el generador mas rapido que opera como alternador, entonces el generador dos opera como motor porque es mas liviano.

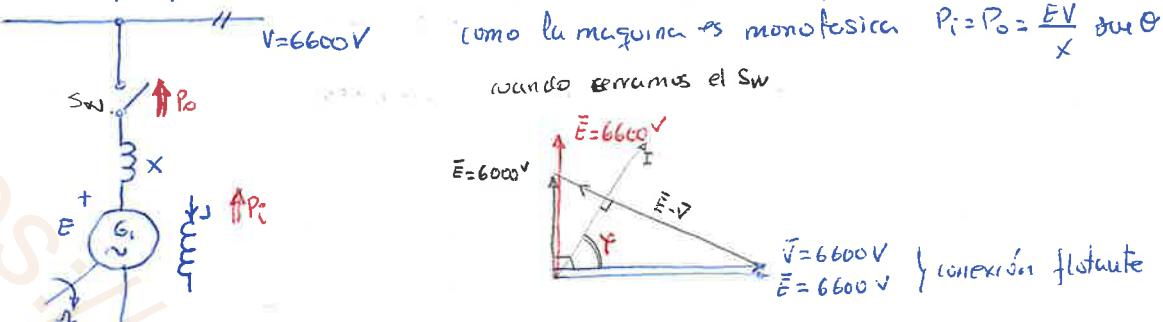
La potencia sincronizante estabiliza las velocidades.

La conexión paralelo es una conexión estable.

pag 11. 2º) 180º 3º) 180º

Acoplamiento de un alternador a la red

Problema 35.25. Calcular la carga máxima de un alternador monofásico de 5000kVA que tiene una reactancia equivalente de 5Ω cuando se conecta a tres bornes colectores de 6.600V, si su excitación es tal que la f.e.m. inducida en circuito abierto es de 6000V. Hallar la corriente de inducido y el f.d.p. para dicha carga. [7900 kW; 1780A; 0'675 en adelante]



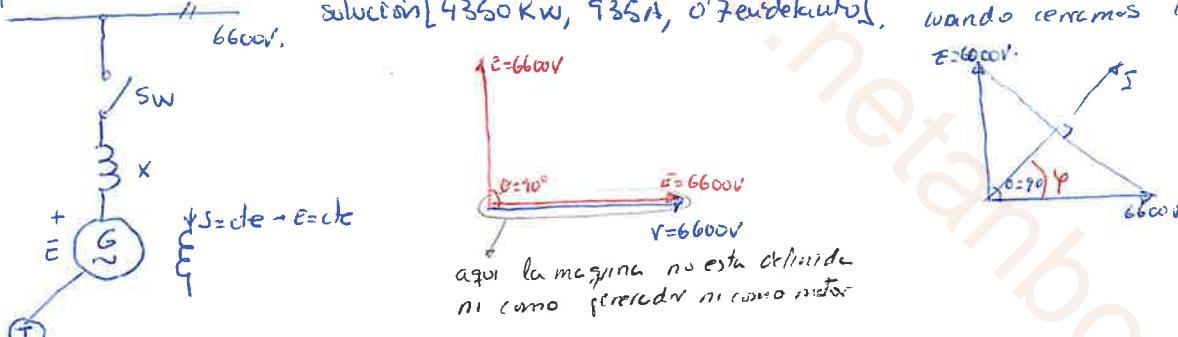
$$P_{\text{sal}} = P_i = P_o = \frac{6000 \cdot 6600}{5} \text{ sin } 90^\circ = 7920 \text{ kW.}$$

$$\bar{I} = \frac{\bar{E} - \bar{V}}{jX} = \frac{E \angle 90^\circ - V \angle 0^\circ}{X \angle 90^\circ} = \frac{6000 \angle 90^\circ - 6600 \angle 0^\circ}{5 \angle 90^\circ} = \frac{8919'64}{5} \angle 437'73 =$$

$$\bar{I} = 1783'93^A \angle 4773^\circ = \cos 47'73 = 0'673 \quad | \text{f.d.p.} = 0'673 |$$

Al salir positivo la máquina está operando en régimen capazitativo

Problema 35.26. Un alternador monofásico de 6600V tiene una reactancia de inducid. de 0.2 y una resist. despreciable. Después de ser conectado en paralelo con unos bornes colectores de tensión const. y freq. de, se aumenta gradualmente el suministro de vapor a la máquina que lo move, permaneciendo la excitación, hasta que el alternador pierde el sincronismo. Estimar la salida, la corriente de inducido y el f.d.p. que se obtiene. Solución [4350 kW, 935A, 0'7 en adelante]. cuando cerramos la SW.



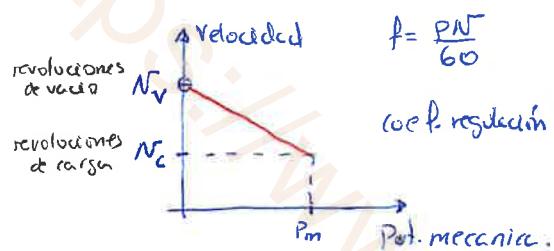
$$| \bar{I} = \frac{\bar{E} - \bar{V}}{jX} = \frac{E \angle 90^\circ - V \angle 0^\circ}{X \angle 90^\circ} = \frac{6600 \angle 90^\circ - 6600 \angle 0^\circ}{0.2 \angle 90^\circ} = 933'3^A \angle 45 |$$

$$\cos 45^\circ = 0'707 \quad | \text{f.d.p.} = 0'707 |$$

$$| P = VI \cos \phi = 6600 \cdot 933'3 \cdot 0'707 = 4350 \text{ MW} |$$

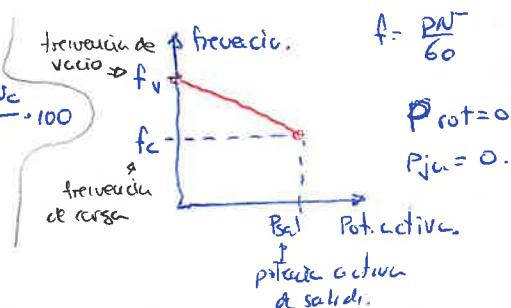
Alternadores en paralelo.

problema 35.16. Dos alternadores idénticos de 2000 KVA funcionan en paralelo. El regulador de la primera máquina es tal que la frecuencia varía uniformemente de 50 c/s en vacío a 48 c/s a plena carga. La correspondiente curva uniforme de velocidad de la segunda máquina es de 50 a 47.5 c/s. a) Cómo se distribuirá entre los dos máquinas una carga de 3000 KVA? b) ¿Cuál es la carga máxima con f.d.p. unidad que puede ser suministrada sin sobrecargar ninguna de las máquinas?



$$f = \frac{PN}{60}$$

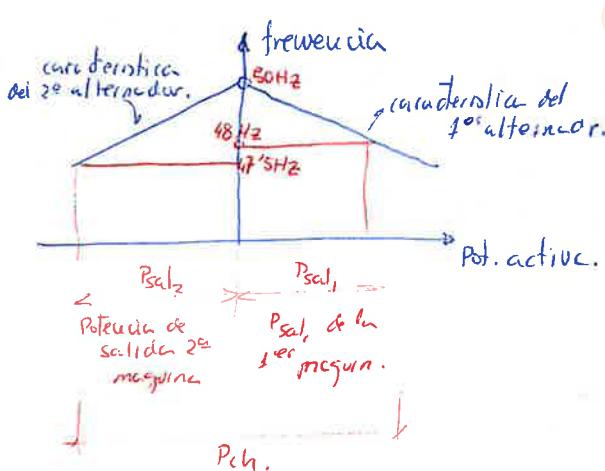
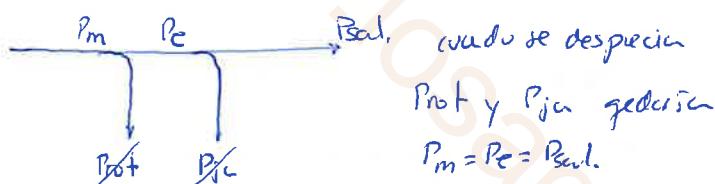
$$\text{coef. regulación} \gamma_0 = \frac{N_v - N_c}{N_c} \cdot 100$$



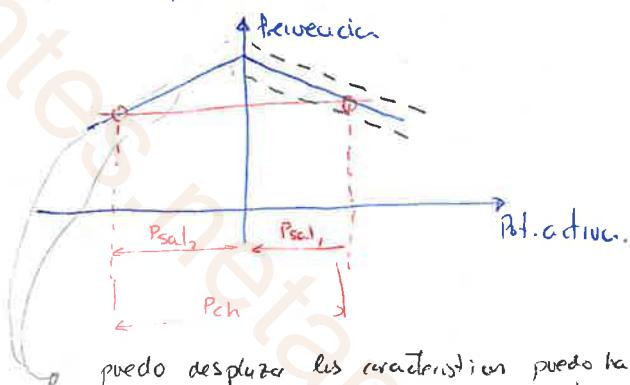
$$f = \frac{PN}{60}$$

$$P_{rot} = 0 \\ P_{ju} = 0.$$

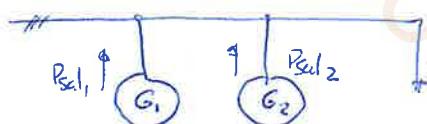
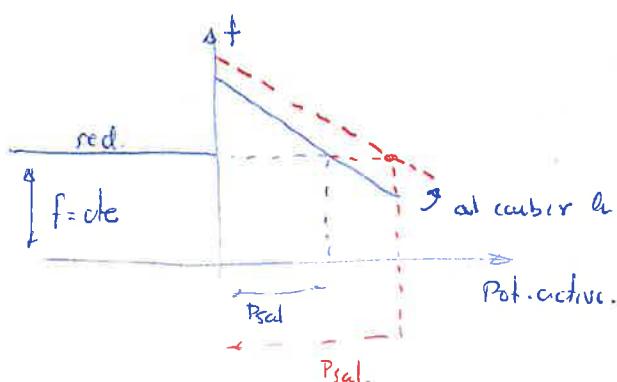
Balance de potencia



para cualquier frecuencia ocurre:

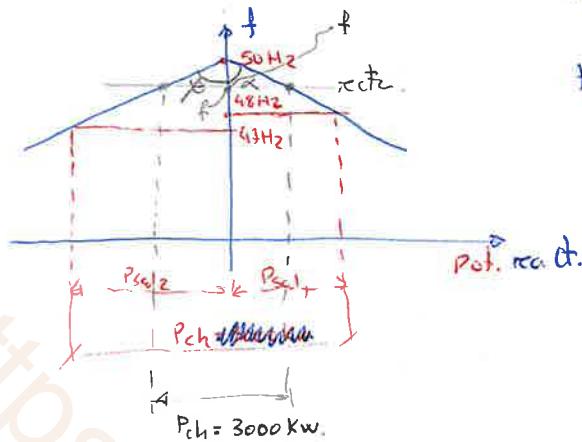


puedo desplazar los características puedo hacer que tengas mayor o menor potencia activa.



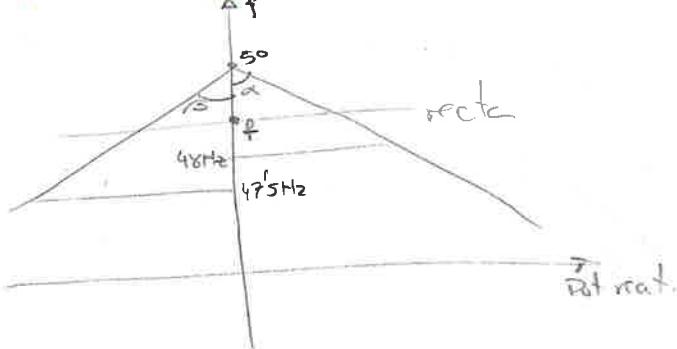
$$P_{ch} = P_{sal1} + P_{sal2}.$$

para resolver el problema.



$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{P}{f_r - f} = \frac{2000}{50 - 48} = 1000 \text{ kW/Hz}$$

$$\operatorname{tg} \beta = \frac{P}{f_r' - f} = \frac{1800}{50 - 47.5} = 800 \text{ kW/Hz.}$$



$$\left. \begin{array}{l} \operatorname{tg} \alpha = \frac{P_{\text{sal}}_1}{50 - f} \\ \operatorname{tg} \beta = \frac{P_{\text{sal}}_2}{50 - f} \end{array} \right\}$$

$$50 - f = \frac{P_{\text{sal}}_1}{\operatorname{tg} \alpha} = \frac{P_{\text{sal}}_2}{\operatorname{tg} \beta} = \frac{P_{\text{sal}}_1 + P_{\text{sal}}_2}{\operatorname{tg} \alpha + \operatorname{tg} \beta}$$

$$\frac{P_{\text{sal}}_1}{1000} = \frac{P_{\text{sal}}_2}{800} = \frac{3000}{1800}$$

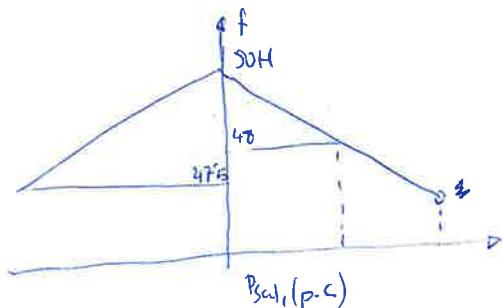
$$\left. \begin{array}{l} P_{\text{sal}}_1 = 1666.67 \text{ kW} \\ P_{\text{sal}}_2 = 1333 \text{ kW} \end{array} \right\} \xrightarrow{3000 \text{ kW}}$$

La suma de los dos tienen que ser 3000 kW.

También se puede determinar la frecuencia de trabajo (es decir la f)

$$50 - f = \frac{P_{\text{sal}}_1}{\operatorname{tg} \alpha} \quad \frac{1666.67}{1000} = 50 - f \quad \boxed{f = 48.33 \text{ Hz}}$$

b) al bajar la recta y llegar al 48 Hz la máquina uno está trabajando en plena carga.



$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{P_{\text{sal}}_1 (\text{PC})}{50 - 48} \Rightarrow$$

$$1000 \cdot 2 = P_{\text{sal}}_1 (\text{PC})$$

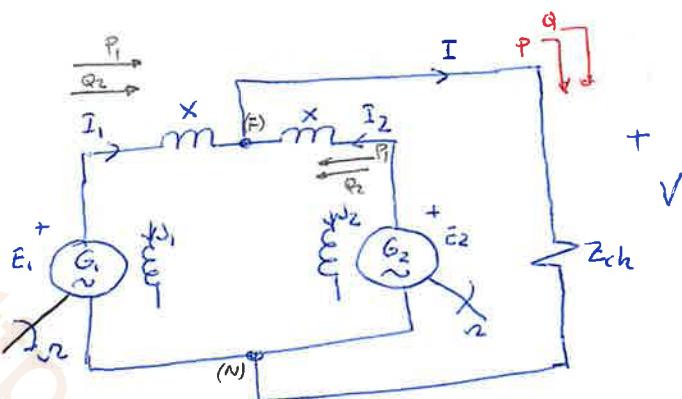
$$\boxed{P_{\text{sal}}_1 = 2000 \text{ kW.}}$$

$$\operatorname{tg} \beta = \frac{P_{\text{sal}}_2 (\text{PC})}{50 - 48} \Rightarrow$$

$$800 \cdot 2 = P_{\text{sal}}_2 (\text{PC})$$

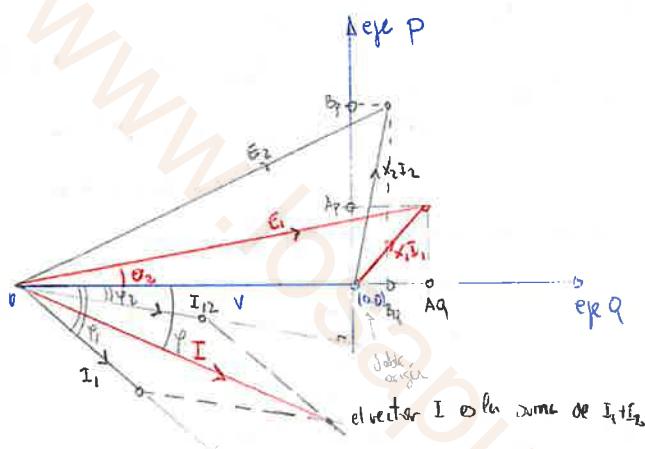
$$\left. \begin{array}{l} P_{\text{sal}}_2 = 1600 \text{ kW} \\ P_{\text{PC}} = 3600 \text{ kW} \end{array} \right\} *$$

GRAFICO DE LA MARCHA EN PARALELO



Dos alternadores idénticos con reactancia sincrona idéntica en paralelo y la resistencia inducida $R=0$ y $r=cte$.
Suponemos: $R=0$ $x=cte$ $Z_{ch}=cte$
 $r=cte$ $f=cte$

tambien suponemos cte , los polígonos $P=cte$ $Q=cte$, y la velocidad $v_2=cte$.



para considerar un funcionamiento pleno tenemos que considerar la resistencia y las pérdidas para las dos máquinas. Entonces hacemos las siguientes consideraciones si $R \neq 0$

para el 1er alternador $I_1 = \sqrt{I_{1w}^2 + I_{1d}^2}$
 ... 2do " $I_2 = \sqrt{I_{2w}^2 + I_{2d}^2}$ y la corriente por la carga serán: $I = \sqrt{I_w^2 + I_d^2}$

Si $Z_{ch}=cte$ y $V=cte \Rightarrow$
 d.d.p. en bucles por la corriente $P = VI \cos \varphi = VI_w = cte$
 $Q = VI \sin \varphi = VI_d = cte$

¿cuáles son las pérdidas Joule del sistema?

perdida Joule es debido a la resistencia.
 $P_j = R I_1^2 + R I_2^2 = R (I_{1w}^2 + I_{1d}^2) + R (I_{2w}^2 + I_{2d}^2) = R [I_{1w}^2 + I_{1d}^2 + I_{2w}^2 + I_{2d}^2 \pm 2 I_{1w} I_{2w} + 2 I_{1d} I_{2d}]$

$$P_j = R [(I_{1w} + I_{2w})^2 - 2 I_{1w} I_{2w} + (I_{1d} + I_{2d})^2 + 2 I_{1d} I_{2d}]$$

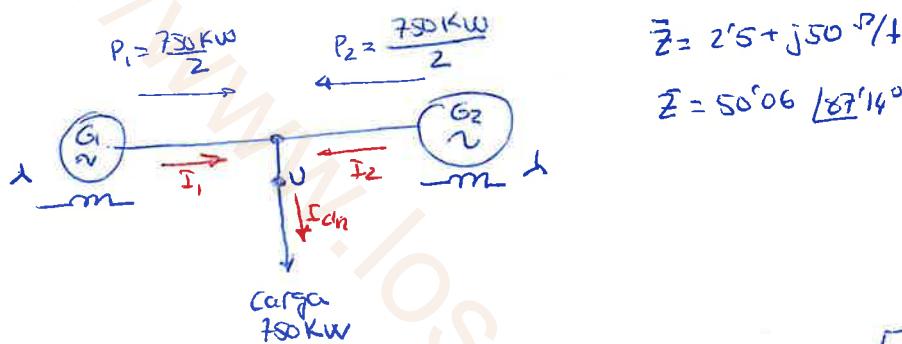
¿debe ocurrir para que las pérdidas Joule sean mínimas?

que $2 I_{1w} I_{2w} \ll 2 I_{1d} I_{2d}$ sea lo más alto o máximo posible o sea el valor más alto.

Y consigue cuando $I_{1w} = I_{2w}$ y $I_{1d} = I_{2d}$.

35.17. Dos alternadores idénticos trifásicos, conectados en estrella y funcionando en paralelo, se reparten por partes iguales una carga total de 750kW a 6000V y factor de potencia 0'8. La reactancia y la resistencia sincrónicas de cada máquina son, respectivamente de 50Ω y 2'5Ω por fase. El campo del primer generador está excitado de forma que la corriente de inducido es de 40A (en retraso) para a) la corriente de inducido del segundo alternador; b) el f.d.p. de cada máquina; c) la f.e.m. de cada máquina.

$$[a) 51'4A; \quad b) 0'9, 0'7 \quad c) 8270V, 9780V]$$



$$P_1 = \sqrt{3} U I_1 \cos \varphi_1$$

$$\frac{750 \text{ kW}}{2} = \sqrt{3} 6 \text{ kV} (40) \cos \varphi_1 \quad \boxed{\cos \varphi_1 = 0'9}$$

$$\bar{I}_1 = 40 \angle -25'84 = 36 - j 17'44.$$

$$\bar{I}_{ch} = \bar{I}_1 + \bar{I}_2$$

$$P_{ch} = \sqrt{3} U I_{ch} \cos \varphi_{ch} \Rightarrow 750 \text{ kW} = \sqrt{3} 6 \text{ kV} I_{ch} (0'8) \quad \boxed{I_{ch} = 90'21 \text{ A}}$$

-1o considero negativo ya que se es inducido

$$\bar{I}_{ch} = \bar{I} \angle \varphi_{ch} = 90'21 \angle -36'870 = 72'17 - j 54'13^A.$$

$$\bar{I}_2 = \bar{I}_{ch} - \bar{I}_1 = [72'17 - j 54'13^A] - [36 - j 17'44] = 36'17 - j 36'69^A = 51'52 \angle -45'41$$

$$\boxed{I_2 = 51'52^A} \quad \boxed{\cos \varphi_2 = 0'7}$$

y la F.electromotriz inducida por los magnétos serie:

$$\bar{E}_1 = V + \bar{Z} \bar{I}_1 = \frac{6000}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ + 50'06 \angle 87'14^\circ \cdot 40 \angle -25'84$$

$$\bar{E}_1 = 4425'75 + j 1756'49 = 4761'57 \angle 21'05^\circ \text{ esto es la f.e.m. simple.}$$

$$\text{la de linea seria} \quad \boxed{\bar{E}_L = \sqrt{3} \bar{E}_1 = 8247'68 \text{ V.}}$$

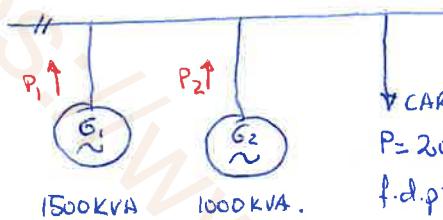
La F.e.m. para el segundo alternador E_2 ?

$$\bar{E}_2 = V + \bar{Z} \bar{I}_2 = \frac{6000}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ + 50'06 \angle 87'14^\circ \cdot 51'52 \angle -45'51 = 5646'49 \angle$$

$$\text{la de linea es} \quad \boxed{\bar{E}_{2L} = \sqrt{3} \bar{E}_2 = 9780 \text{ V}}$$

35.18. Un alternador capaz de 1500 KVA funciona en paralelo con otro capaz de 1000 KVA. ¿Qué cargas deberían suministrar y a qué f.d.p. deberían funcionar cada uno para que las corrientes y los salidas de potencia fueran proporcionales a sus respectivas capacidades. Si la carga combinada es de 2000 KW con f.d.p. de 0'8?

Solución [1200 KW, 800 KW, 0'8]



$P = 2000 \text{ KW}$ (pot. activa de carga)
 $f.d.p = 0'8$

$$\frac{P_1}{P_2} = \frac{P_{1n}}{P_{2n}}$$

concluyendo que las corrientes sean proporcionales.

$$P_1 + P_2 = P$$

sumarlo +1

$$\frac{P_1}{P_2} + 1 = \frac{P_{1n}}{P_{2n}} + 1$$

$$\frac{P_1 + P_2}{P_2} = \frac{P_{1n} + P_{2n}}{P_{2n}}$$

$$\frac{P}{P_2} = \frac{P_{1n} + P_{2n}}{P_{2n}}$$

$$P_2 = P \frac{P_{2n}}{P_1 + P_2} = 2000 \frac{1000}{2800} = 800 \text{ KW}$$

* también se puede calcular P_1 invertiendo la ecuación y teniendo la misma operación $\frac{P_2}{P_1} = \frac{P_{2n}}{P_{1n}}$ pero como sabemos la P de la carga se calcular, pero como sabemos P y P_2 entonces $P_1 + P_2 = P$.

$$P_1 = P - P_2 = 2000 - 800 = 1200 \text{ KW}$$

lo sumo la unidad

$$\frac{Q_1}{Q_2} = \frac{Q_{1n}}{Q_{2n}}$$

$$\frac{Q_1}{Q_2} + 1 = \frac{Q_{1n}}{Q_{2n}} + 1$$

$$\frac{Q_1 + Q_2}{Q_2} = \frac{Q_{1n} + Q_{2n}}{Q_{2n}}$$

como $Q_1 + Q_2 = Q = P \cdot \cos \varphi = 1500 \text{ KVAR}$

$$Q_2 = Q \frac{Q_{2n}}{Q_{1n} + Q_{2n}} = 1500 \frac{1000}{1500 + 1000} = 600 \text{ KVARs.}$$

$$Q = Q - Q_2 = 1500 - 600 = 900 \text{ KVARs.}$$

$$S = P + jQ$$

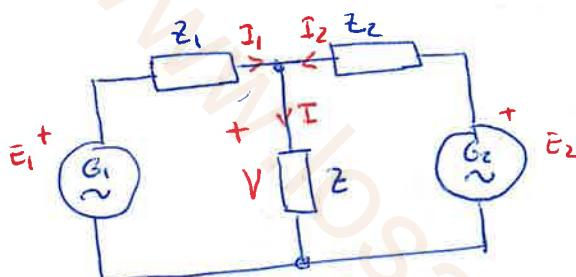
$$\cos \varphi = \frac{P}{S}$$

$$\cos \varphi_1 = \frac{Q_1}{P_1} = \frac{900}{1200} = 0'75 \quad \cos \varphi_1 = 0'8$$

$$\cos \varphi_2 = \frac{Q_2}{P_2} = \frac{600}{800} = 0'75 \quad \cos \varphi_2 = 0'8$$

35.30 Dos alternadores monofásicos trabajan en paralelo sobre una carga de impedancia $Z \angle 2^\circ$. Sus ff.ee.mm. son E_1 y E_2 y sus impedancias sincrónas \bar{z}_1 y \bar{z}_2 . Hallar la tensión nominal V en función de dichas fuerzas electromotrices y admittancias Y_1 , Y_2 e Y . Hallar la tensión terminal y la salida de potencia de cada máquina si $E_1 = 230V$ y está en fase con $E_2 = 250V$. $Z = 7'5 + j10\Omega$, $\bar{z}_1 = \bar{z}_2 = 0'5 + j2'5\Omega$.

$$\text{Solución} \left[V = \frac{E_1 Y_1 + E_2 Y_2}{Y_1 + Y_2 + Y}; 218V; 1'32 \frac{kW}{0'91 kW} \right]$$



$$\cdot \bar{V} = \bar{E}_1 - \bar{z}_1 \bar{I}_1 \quad \bar{I}_1 = \frac{\bar{E}_1 - \bar{V}}{\bar{z}_1}$$

$$\cdot \bar{V} = \bar{E}_2 - \bar{z}_2 \bar{I}_2 \quad \bar{I}_2 = \frac{\bar{E}_2 - \bar{V}}{\bar{z}_2}$$

$$\text{sciendo } \bar{z}_1 = \frac{1}{Y_1}, \quad \bar{z}_2 = \frac{1}{Y_2}, \quad \bar{z} = \frac{1}{Y}$$

$$\bar{I}_1 + \bar{I}_2 = \bar{I} = \frac{\bar{V}}{\bar{z}} \quad \frac{\bar{E}_1 - \bar{V}}{\bar{z}_1} + \frac{\bar{E}_2 - \bar{V}}{\bar{z}_2} = \frac{\bar{V}}{\bar{z}} \quad (\bar{E}_1 - \bar{V}) \bar{Y}_1 - (\bar{E}_2 - \bar{V}) \bar{Y}_2 = \bar{V} Y$$

$$\boxed{\bar{V} = \frac{\bar{E}_1 \bar{Y}_1 + \bar{E}_2 \bar{Y}_2}{\bar{Y} + \bar{Y}_1 + \bar{Y}_2}}$$

$$Y = Y_1 = \frac{1}{\bar{z}_1} = \frac{(0'5 - j2'5)}{(0'5 + j2'5)(0'5 - j2'5)} = \frac{(0'5 - j1'5)(0'5 + j1'5)}{(0'5^2 + 2'5^2)} = \frac{1}{6'5}$$

$$Y_1 = Y_2 = 0'39 \angle -78'7^\circ = 0'076 - j0'38$$

$$Y = \frac{1}{(7'5 + j10)} = \frac{(7'5 - j10)}{(7'5 + j10)(7'5 - j10)} = \frac{56'25 + 100}{56'25 + 100} = \frac{12'5}{56'25} = 0'08 \angle -53'13$$

$$Y + Y_1 + Y_2 = 0'2 - j0'82 = 0'844 \angle -76'29$$

$$\begin{aligned} \bar{E}_1 \bar{Y}_1 &= 230 \angle 0^\circ \cdot 0'39 \angle -78'7^\circ = 89'7 \angle -78'7^\circ = 17'26 - j88 \\ \bar{E}_2 \bar{Y}_2 &= 250 \angle 0^\circ \cdot 0'39 \angle -78'7^\circ = 97'5 \angle -78'7^\circ = 18'77 - j95'6 \end{aligned} \quad \left\{ \begin{array}{l} \bar{E}_1 \bar{Y}_1 + \bar{E}_2 \bar{Y}_2 = 36'03 - j183'6 \\ = 187'1 \angle -78'85 \end{array} \right.$$

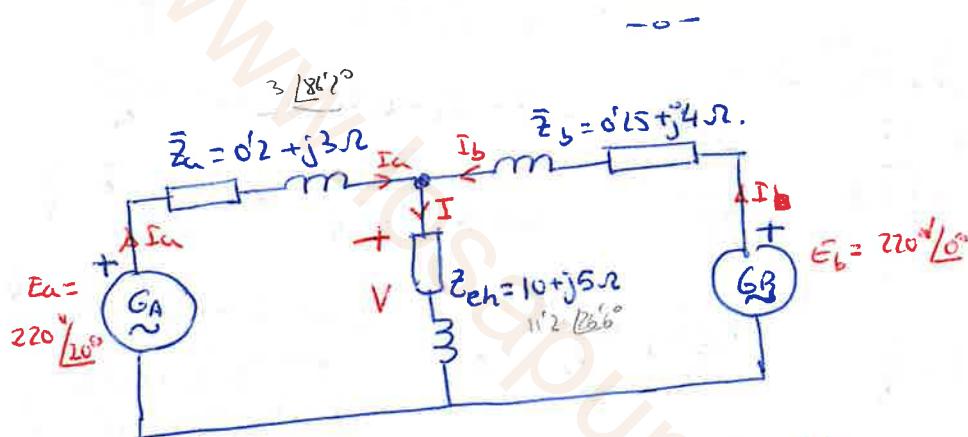
$$\bar{V} = \frac{187'1 \angle -78'85}{0'844 \angle -76'29} = 221'6 \angle -2'6$$

$$P_1 = VI \cos VI_1 = 221'6 \cdot 5'19 \cos(-2'6^\circ - (-29'4)) = 1293 W = 1'0286 kW$$

$$I_1 = \frac{230 \angle 0^\circ - 221'6 \angle -2'6}{2'54 \angle -78'69} = \frac{8'628 + j10}{2'54 \angle -78'69} = \frac{13'20 \angle 49'21}{2'54 \angle -78'69} = 5'19 \angle -29'4$$

35.19. Una impedancia $10+j5\Omega$ está alimentada por dos alternadores monofásicos A y B, conectados en paralelo. La f.e.m. inducida E de cada máquina es de $220V$, y E_A adelanta 20° a E_B . Las impedancias sincrónicas equivalentes de las dos máquinas son $\bar{z}_A = 0'2 + j3\Omega$ y $\bar{z}_B = 0'25 + j4'\Omega$. Determinar la corriente y la potencia entregada por cada máquina, y también la corriente y la potencia totales en la carga.

[Solución $I_A = 20'0A$, $P_A = 3960W$; $I_B = 6'47A$, $P_B = -780W$ $I = 17'8A$ $P = 3180W$]



$$\bullet -\bar{E}_A + \bar{z}_A \bar{I}_A + V = 0 \quad \bar{I}_A = \frac{\bar{E}_A - \bar{V}}{\bar{z}_A} = \frac{\bar{E}_A - \bar{I} \bar{Z}_{ch}}{\bar{z}_A} = \frac{220 \angle 20^\circ - \bar{I} \cdot 11'2 \angle 126'6^\circ}{3 \angle 86'18^\circ}$$

$$\bullet -\bar{E}_B + \bar{z}_B \bar{I}_B + V = 0 \quad \bar{I}_B = \frac{\bar{E}_B - \bar{V}}{\bar{z}_B} = \frac{\bar{E}_B - \bar{I} \bar{Z}_{ch}}{\bar{z}_B} = \frac{220 \angle 0^\circ - \bar{I} \cdot 11'2 \angle 126'6^\circ}{4 \angle 86'40^\circ}$$

$$\bar{I} = \bar{I}_A + \bar{I}_B = \frac{220 \angle 20^\circ - \bar{I} \cdot 11'2 \angle 126'6^\circ}{3 \angle 86'18^\circ} + \frac{220 \angle 0^\circ - \bar{I} \cdot 11'2 \angle 126'6^\circ}{4 \angle 86'40^\circ}$$

$$\text{operando } \bar{I} = 17'8 \angle -22'2^\circ$$

$$\bullet \bar{V} = \bar{z}_{ch} \cdot \bar{I} = (10 + j5) \cdot 17'8 \angle -22'2^\circ = 11'2 \angle 126'57^\circ \cdot 17'8 \angle -22'2^\circ \approx 199'4 \angle 4'19^\circ$$

$$\boxed{\bar{I}_A = \frac{\bar{E}_A - \bar{V}}{\bar{z}_A} = \frac{220 \angle 20^\circ - 199'4 \angle 4'19^\circ}{3 \angle 86'18^\circ} = 20'40 \angle -35'6^\circ}$$

$$\boxed{\bar{I}_B = \frac{\bar{E}_B - \bar{V}}{\bar{z}_B} = \frac{220 \angle 0^\circ - 199'4 \angle 4'19^\circ}{4 \angle 86'40^\circ} = 6'4 \angle -121^\circ}$$

al ser monofásico no tiene \bar{I}_3 .

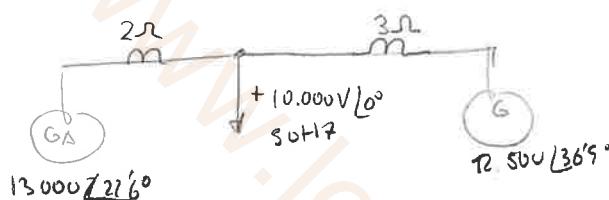
$$\boxed{P_A = \sqrt{V} I_A \cos \varphi_A = (199'4) (20'40) \cos \sqrt{V} I_A = 4067'8 \cos (4'19 - (-3'56)) = 4030'6W}$$

$$\boxed{P_B = \sqrt{V} I_B \cos \varphi_B = (199'4) (6'4) \cos \sqrt{V} I_B = 1276'16 \cos (4'19 - (-121)) = -735'4W}$$

$$\boxed{P_T = P_A + P_B = 4030'6 + (-735'4W) = 3295'2W}$$

35. 21. ~~Dos alternadores~~ Dos generadores sincronos están conectados a una barra colectora a 50 c/s, que tienen una tensión constante de 10.000 $\text{L}0^\circ \text{V}$. El generador A tiene una f.e.m. de 13000 $\text{L}22'6^\circ$ y una reactancia de 2Ω ; el generador B tiene una fuerza electromotriz de 12500 $\text{L}36'9^\circ \text{V}$ y una reactancia de 3Ω . Hallar los corrientes, los KW y KVAR suministrado por cada generador.

$$\left[\begin{array}{l} \text{A) } 2700 \text{ L}-21'8^\circ \text{ A; } 25000 \text{ KW; } 10000 \text{ KVAR.} \\ \text{B) } 2500 \text{ L}0^\circ \text{ A; } 25000 \text{ KW; } 0 \text{ KVAR} \end{array} \right]$$



$$\text{A) } -E + IZ + V = 0 \quad \bar{I}_A = \frac{\bar{E} - \bar{V}}{Z} = \frac{13000 \text{ L}22'6^\circ - 10000 \text{ L}0^\circ}{2 \text{ L}90^\circ} = \frac{20017 + j49958}{2 \text{ L}90^\circ}$$

$$= \frac{5382'08 \text{ L}68'}{2 \text{ L}90^\circ} = 2691'04 \text{ L}-21'83$$

$$P_A = V \cdot I_A \cos \angle I_A = 10.000 \cdot 2691'04 (\cos(0 - (-21'83))) = 24980 \text{ KW}$$

$$Q_A = V I_A \sin(\angle I_A) = 10.000 \text{ KVAR.}$$

